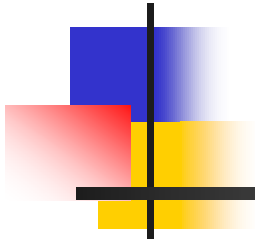
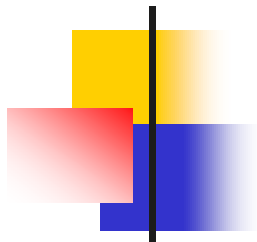


Les Filtres du 2^{ième} ordre

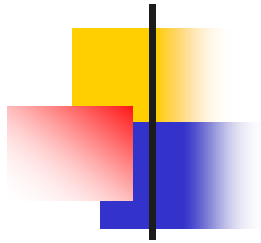




Définitions

n Rôle d'un filtre

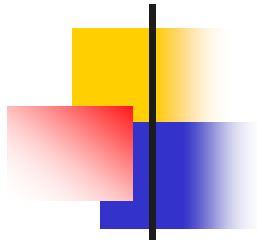
- n** Laisser passer certains signaux de fréquence (utiles).
- n** Diminuer ou supprimer les signaux de fréquence indésirable.
- n** Modifier la phase d'un signal par rapport à un autre (avance de phase ou retard de phase).



Définitions

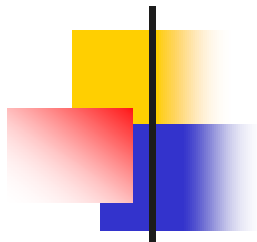
Types de filtres

- n Passe haut : laisse passer les fréquences hautes,
- n Passe bas : laisse passer les fréquences basses,
- n Passe bande : élimine les fréquences basses et hautes,
- n Coupe bande : laisser passer les fréquences basses et hautes en éliminant les fréquences moyennes.



Filtres passifs et actifs

- n filtre passif : composé uniquement de composants passifs (R , L , C),
- n filtre actifs : composé de composants passifs et d'amplificateurs.



Ordre d'un filtre

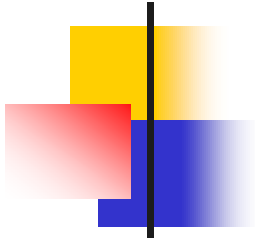
La fonction de transfert générale d'un filtre est de la forme

$$\mu = \frac{A}{a\omega^n + b\omega^{n-1} + \dots} \text{ avec } n = \text{ordre du filtre.}$$

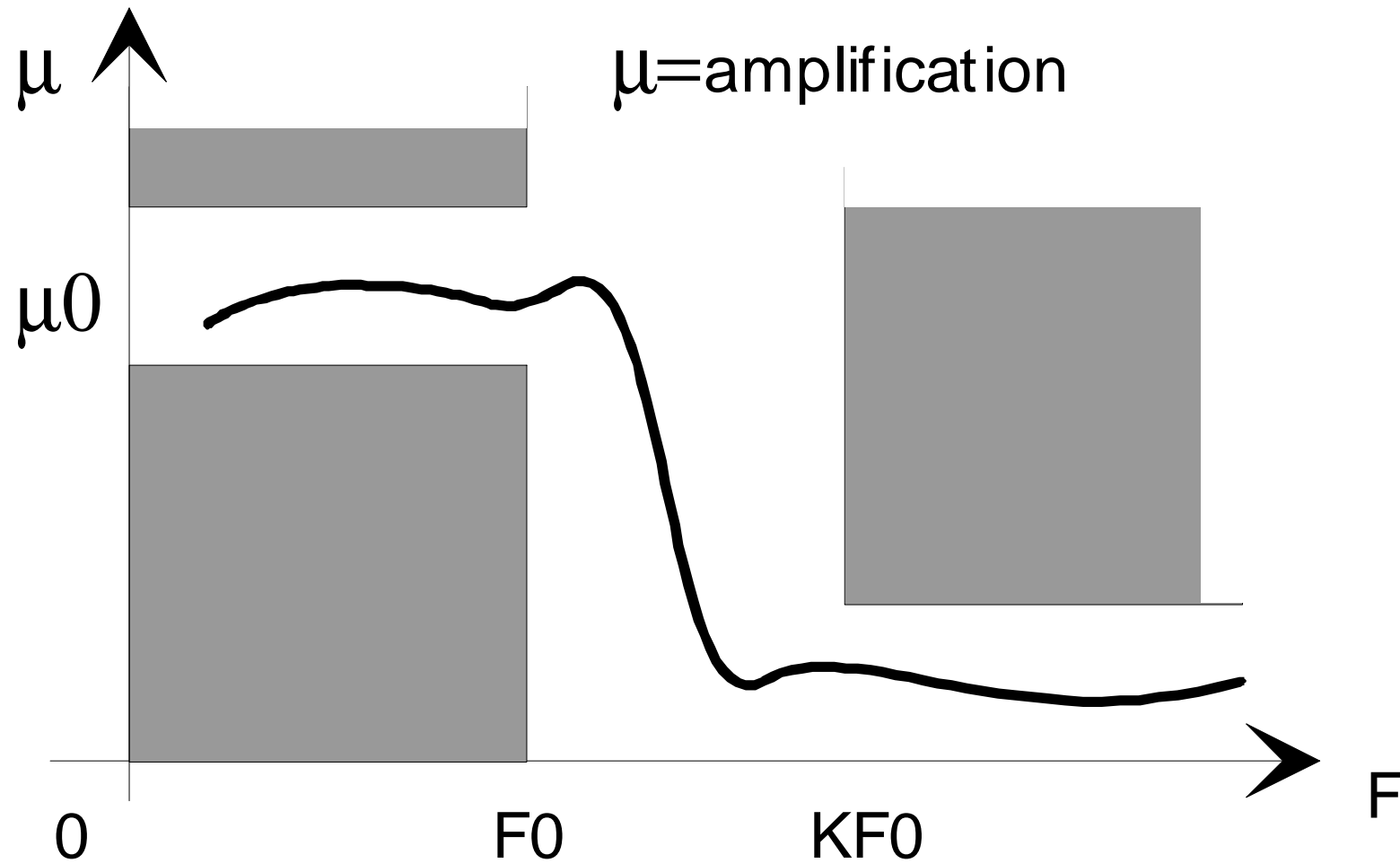
Exemple :

Filtre du premier ordre $\mu = \frac{\mu_0}{1 + j \frac{\omega}{\omega_0}}$ (ici un passe bas)

Filtre du deuxième ordre $\mu = \frac{\mu_0}{1 - \delta_0^2 \omega^2 + a\omega j}$ (ici un passe bas).



Gabarit d'un filtre

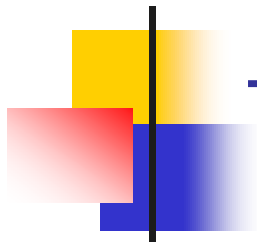




Tracé des réponses d'un filtre : diagrammes de Bode

n Intérêt des diagrammes de Bode

- n** L'axe des abscisses est en coordonnées logarithmiques : compression dans l'axe des fréquences (ou des pulsations).
- n** En ordonné les asymptotes des modules sont des sommes ou des différences de droites.



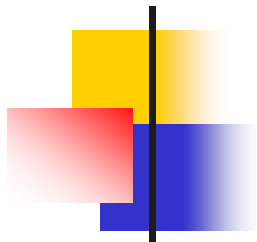
Tracé direct des diagrammes de Bode

- n **Forme générale** $\frac{N}{D}$ (degré de N < au degré de D)
- n **Conditions du tracé direct**
 - n Déterminants > 0
 - n Pour tracer la FT dans le plan de Bode il faut mettre celle-ci sous la forme de produits de FT élémentaires du premier ordre.

$$\frac{(1 + jt_1 w)(1 + jt_2 w) \dots}{(1 + jt'_1 w)(1 + jt'_2 w) \dots}$$

- n **Exemple**

$$\begin{aligned} \frac{A}{(jw)^2 a + (jw)b + c} &= \frac{A/c}{(jw)^2 a/c + (jw)b/c + 1} = \\ \frac{A/c}{(1 + jt_1 w)(1 + jt_2 w)} &= \frac{A/c}{(jw)^2 t_1 t_2 + (jw)(t_1 + t_2) + 1} \end{aligned}$$



Tracé des diagrammes de Bode

$$\frac{(1 + jt_1 w)(1 + jt_2 w) \dots}{(1 + jt'_1 w)(1 + jt'_2 w) \dots} = \frac{\left(1 + j \frac{w}{w_1}\right) \left(1 + j \frac{w}{w_2}\right) \dots}{\left(1 + j \frac{w}{w'_1}\right) \left(1 + j \frac{w}{w'_2}\right) \dots}$$

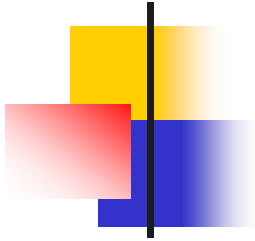
n Tracé des courbes de phase

n Au numérateur chaque pôle déphase de :

n $+\pi/2$ pour $\omega \rightarrow \infty$ ($\pi/4$ pour $\omega=1/\tau$) et provoque sur l'asymptote oblique une augmentation du gain de 20db / décade.

n Au dénominateur chaque pôle déphase de :

n $-\pi/2$ pour $\omega \rightarrow \infty$ ($-\pi/4$ pour $\omega=1/\tau'$) et provoque sur l'asymptote oblique une diminution du gain de -20db / décade.

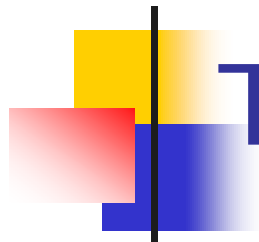


Tracé des diagrammes de Bode

$$\frac{(1 + jt_1 w)(1 + jt_2 w) \dots}{(1 + jt'_1 w)(1 + jt'_2 w) \dots} = \frac{\left(1 + j \frac{w}{w_1}\right) \left(1 + j \frac{w}{w_2}\right) \dots}{\left(1 + j \frac{w}{w'_1}\right) \left(1 + j \frac{w}{w'_2}\right) \dots}$$

n Tracé des courbes de gain

- n On trace les asymptotes horizontales et obliques de chaque pôle.
 - n Exemple pour $(1 + jt_1 w)$ au numérateur
 - n asymptote horizontale à 0db
 - n asymptote oblique de pente +20db/décade à partir de $\omega_1 = 1/\delta_1$
 - n Exemple pour $(1 + jt'_1 w)$ au dénominateur
 - n asymptote horizontale à 0db
 - n asymptote oblique de pente -20db/décade à partir de $\omega_1 = 1/\tau'_1$
- n A l'intersection des asymptotes la courbe réelle passe à $\pm 3\text{db}$

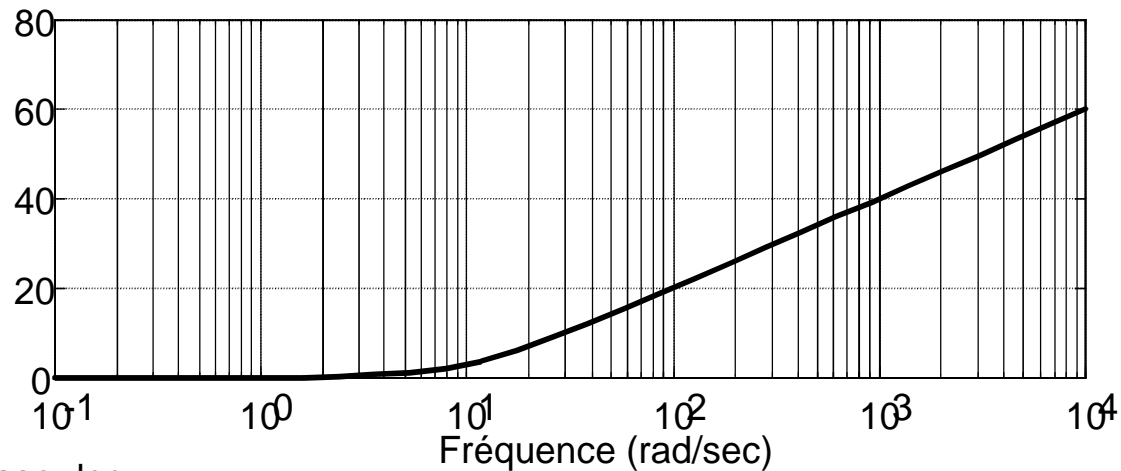


Tracé des diagrammes de Bode

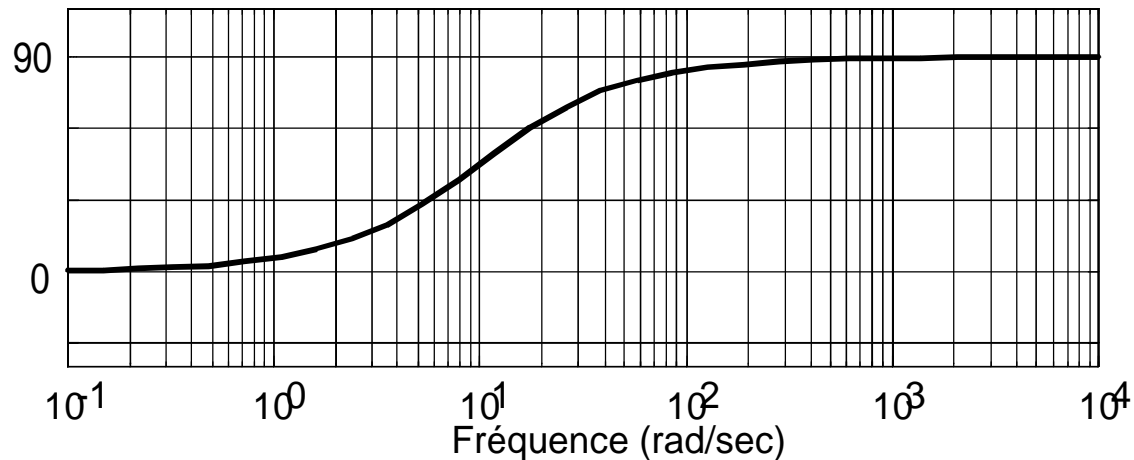
Exemple

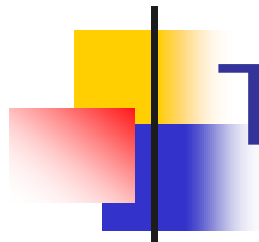
$$H(j\omega) = 1 + j\omega t \quad \text{avec } t = 0,1$$

Gain dB



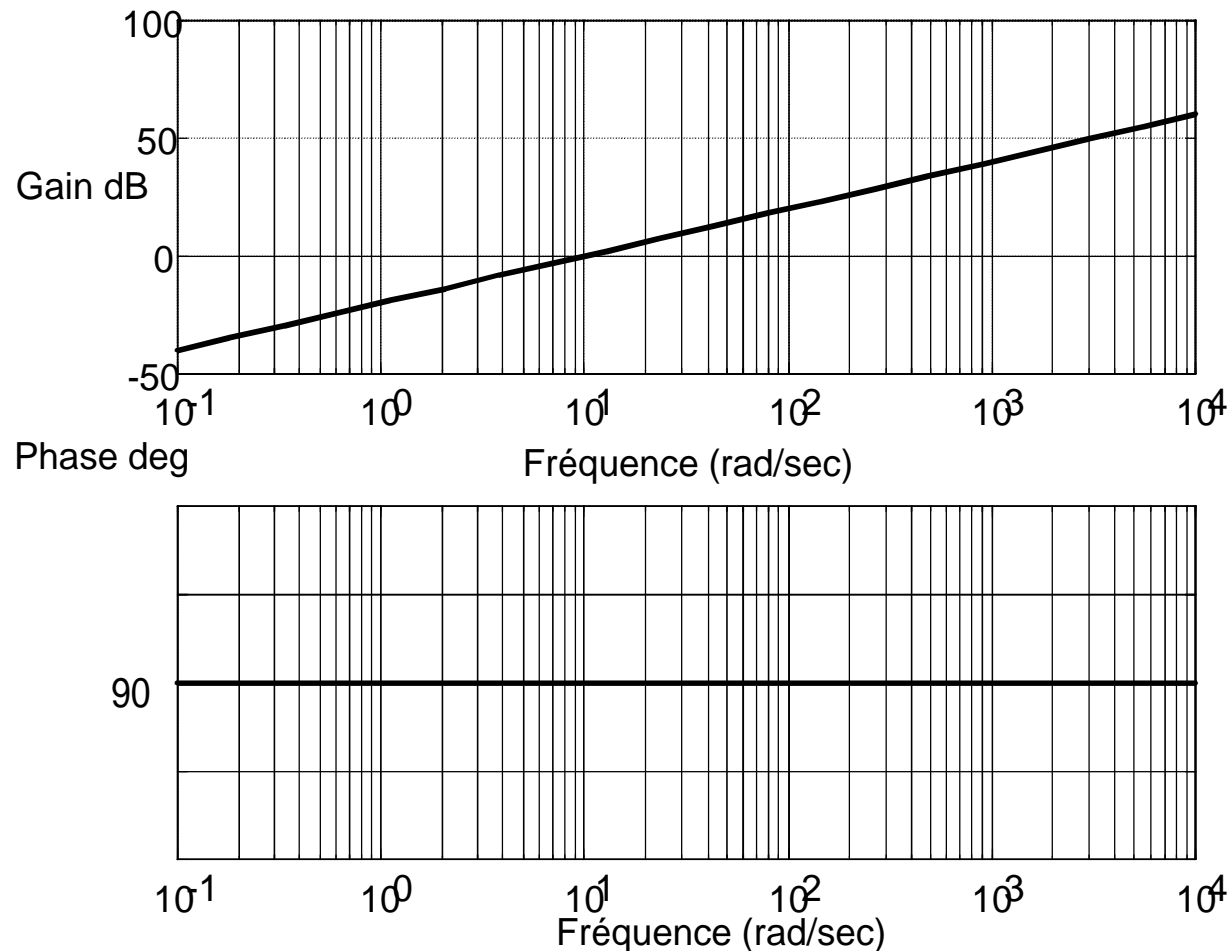
Phase deg

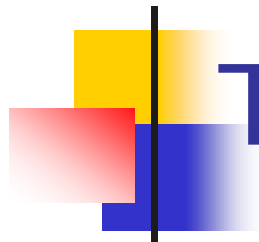




Tracé des diagrammes de Bode

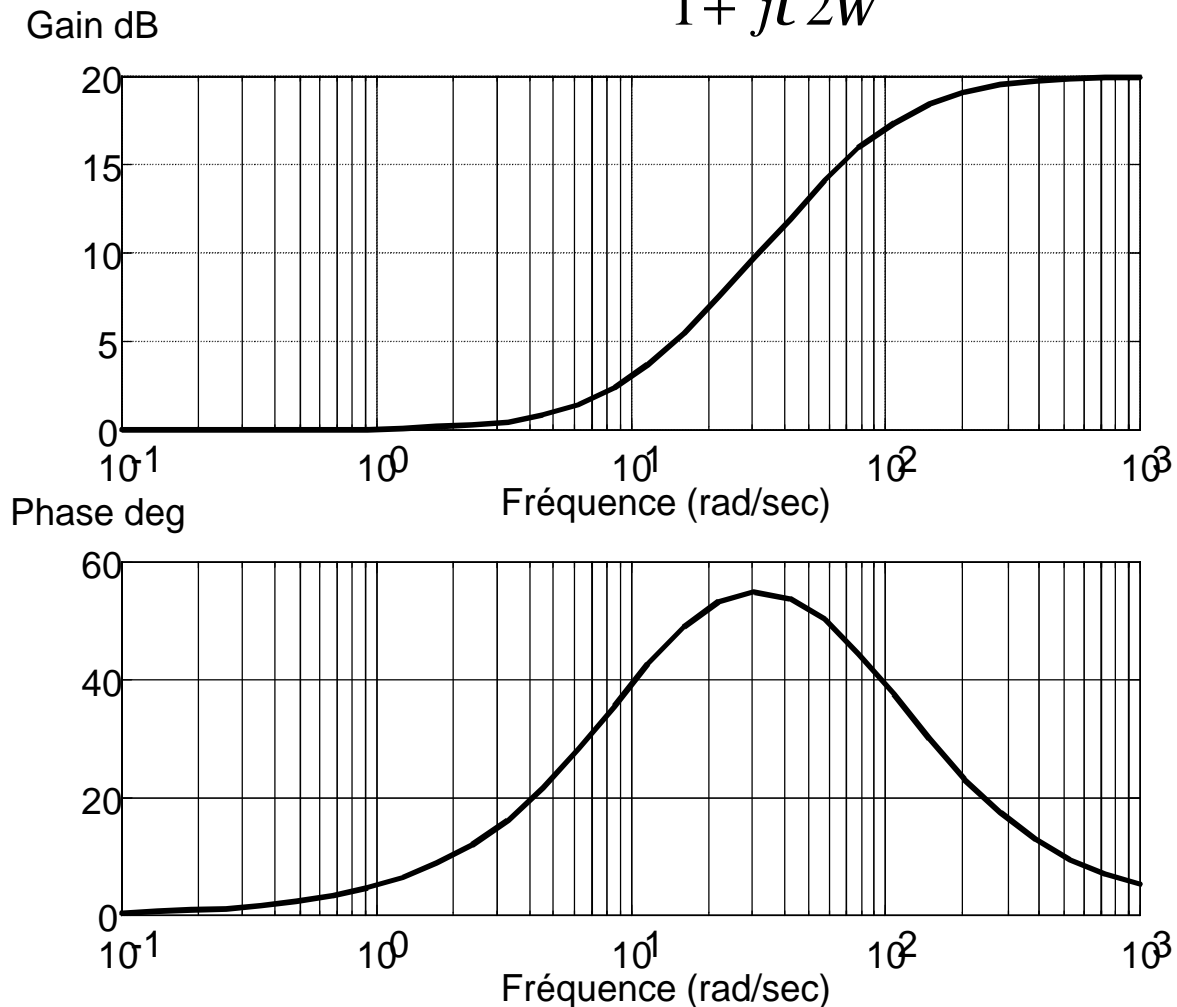
Exemple $H(j\omega) = j\omega t$ avec $t = 0,1$

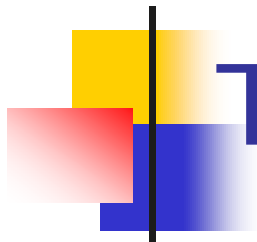




Tracé des diagrammes de Bode

Exemple $H(j\omega) = \frac{1 + jt_1\omega}{1 + jt_2\omega}$ avec $t_1 = 0,1$ et $t_2 = 0,01$

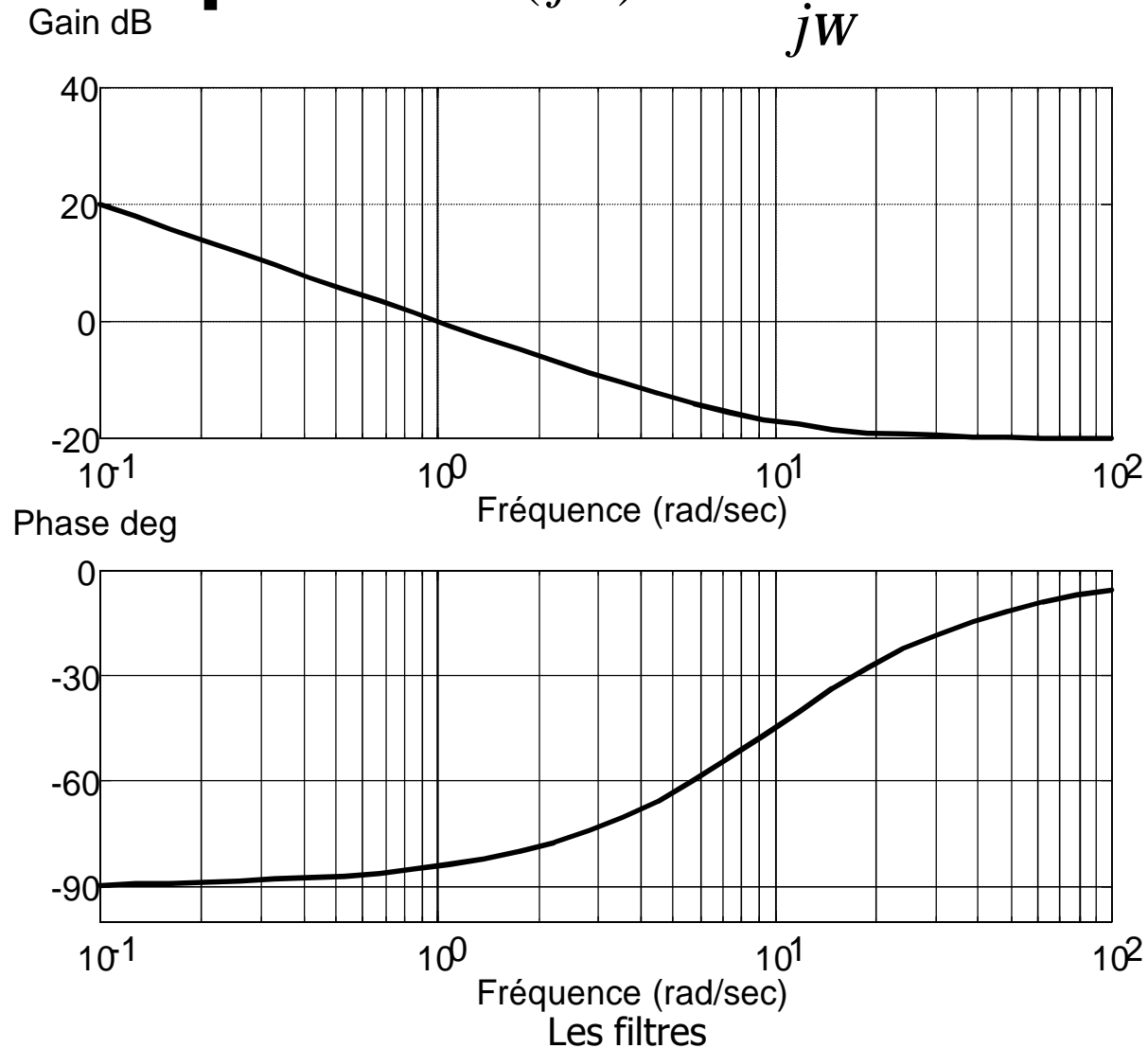


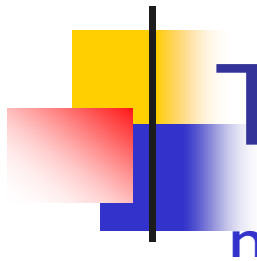


Tracé des diagrammes de Bode

Exemple

$$H(j\omega) = \frac{1 + jt_1\omega}{j\omega} \quad \text{avec } t_1 = 0,1$$

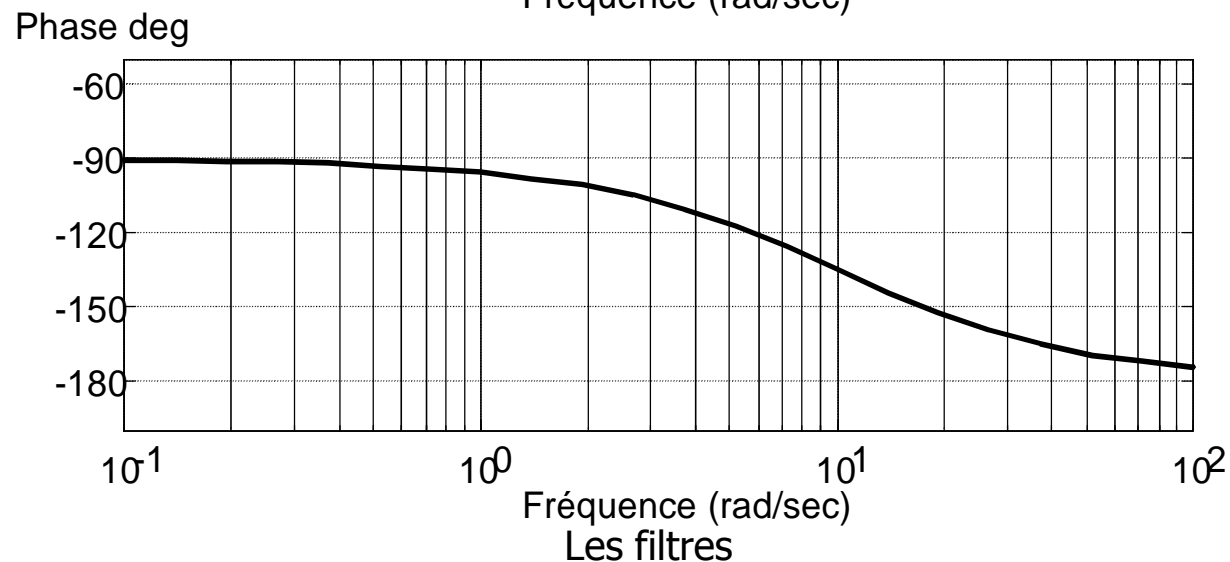
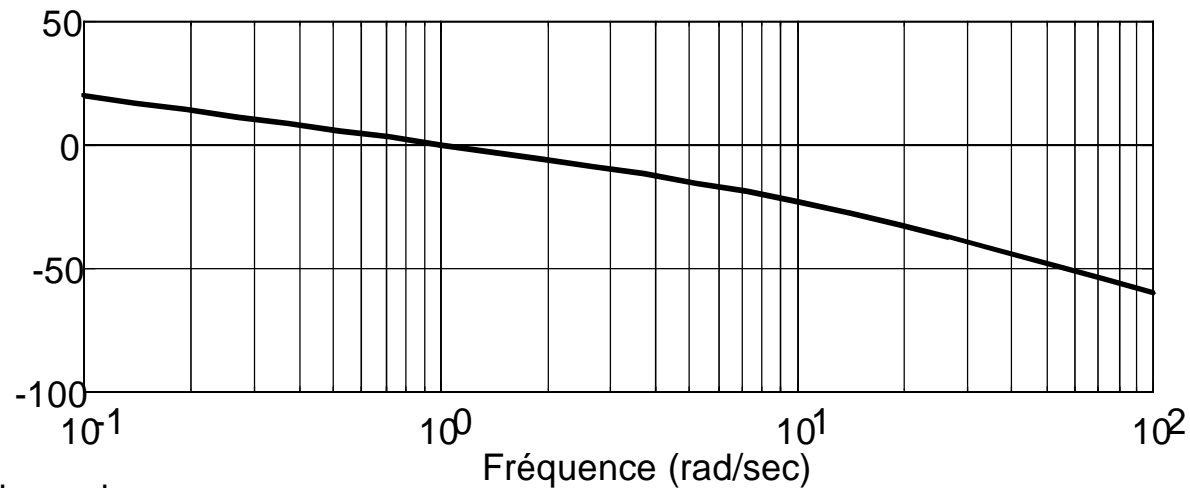


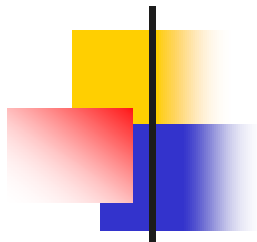


Tracé des diagrammes de Bode

Exemple

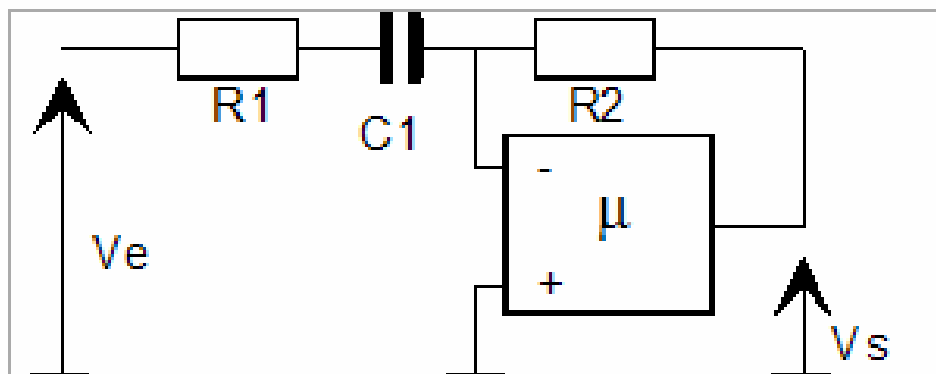
Gain dB $H(j\omega) = \frac{1}{j\omega(1+jt_1\omega)(1+jt_2\omega)}$ avec $t_1 = 0,1$ $t_2 = 0,01$



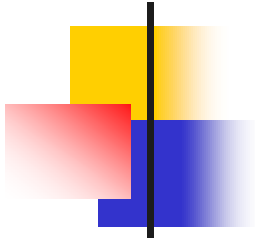


Filtres du premier ordre (rappels)

n Filtre passe haut



L'AOP est considéré comme parfait $\Rightarrow \mu$ est indépendant de la fréquence ($\mu = \mu_0$).

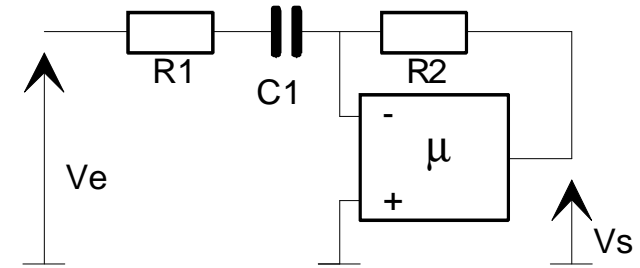


Filtres passe haut du premier ordre (2)

n Fonction de transfert

$$\frac{m'}{-} = \frac{V_s}{V_e} = -\frac{Z_2}{Z_1} = \frac{-R_2}{R_1 + \frac{1}{jC_1 w}} = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 + \frac{1}{jR_1 C_1 w}}$$

$$\frac{m'}{-} = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 - j\frac{w_1}{w}} \quad \text{avec } w_1 = \frac{1}{R_1 C_1}$$



Filtres passe haut du premier ordre (3)

n Fonction de transfert

- n Amplification maximale
- n Fréquence de coupure
- n Fréquence de transition

Amplification maximale : $|\underline{\mu}'_0| = \frac{R_2}{R_1}$

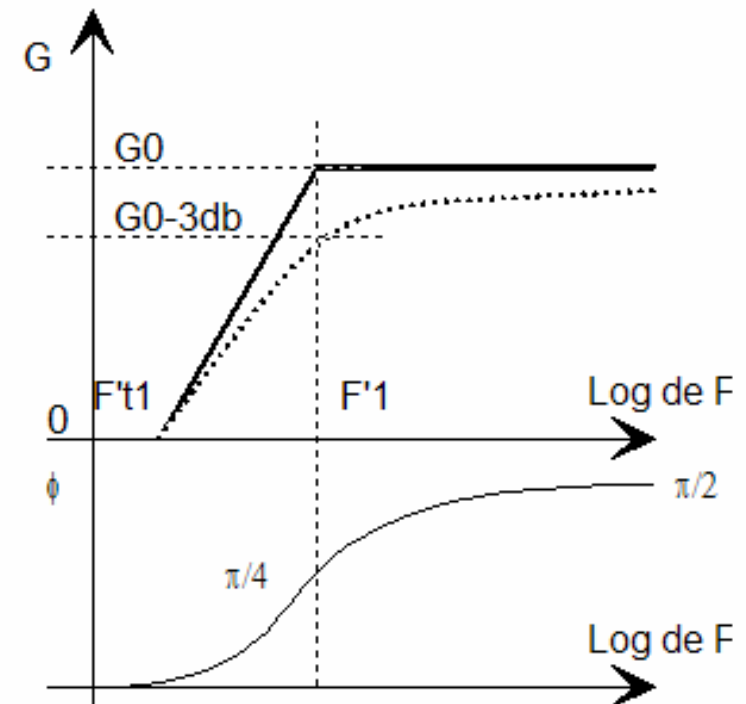
Fréquence de coupure : $F'_1 = \frac{1}{2\pi R_1 C_1}$

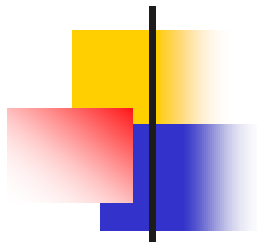
Fréquence de transition (fréquence pour laquelle $|\underline{\mu}| = 1$, donc $G=0$)

$$|\underline{\mu}| = 1 \Rightarrow \left(\frac{R_2}{R_1}\right)^2 = 1 + \frac{\omega_1}{\omega_{t1}} \quad ; \quad Arg(\underline{\mu}') = \arctan \frac{\omega_1}{\omega}$$

$$\left(\frac{R_2}{R_1}\right)^2 \gg 1 \Rightarrow \omega_{t1} = \omega_1 \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{R_2 C_1}$$

$$\underline{m}' = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 - j\frac{\omega_1}{\omega}} \quad \text{avec } \omega_1 = \frac{1}{R_1 C_1}$$





Filtres passe bas du premier ordre

Fonction de transfert

$$\underline{\mu}' = \frac{V_s}{V_e} = -\frac{Z_2}{Z_1} = \frac{-R_2 // \frac{1}{jC_2\omega}}{R_1} = \frac{-\frac{R_2}{1 + jR_2C_2\omega}}{R_1}$$

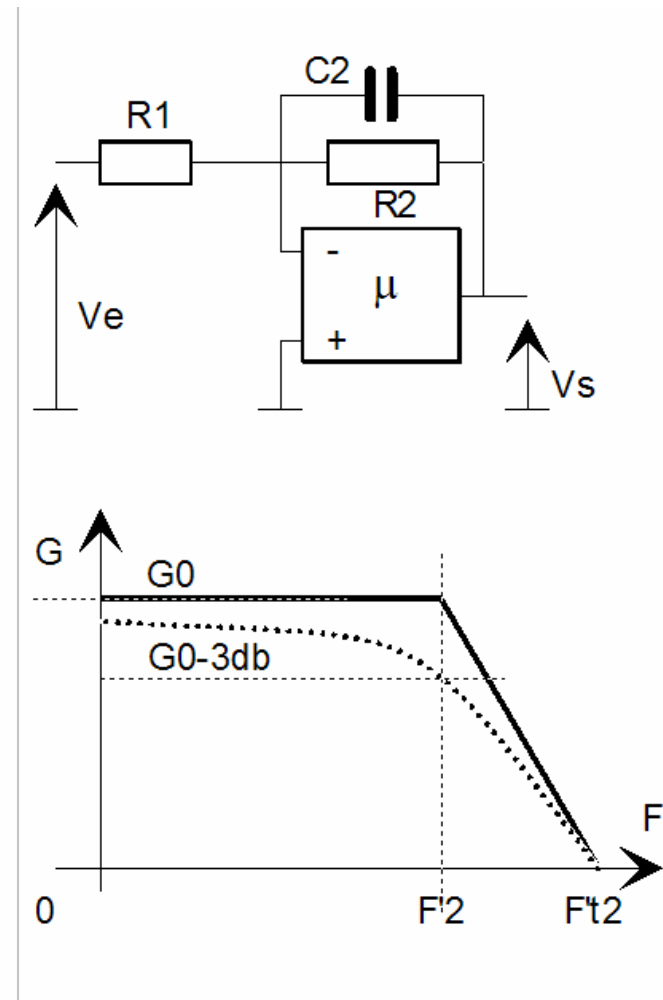
$$\underline{\mu}' = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 + j\frac{\omega}{\omega'_2}} \quad \text{avec } \omega'_2 = \frac{1}{R_2C_2}$$

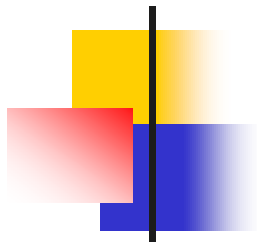
Amplification maximale : $\mu_0 = \frac{R_2}{R_1}$

Fréquence de coupure : $F_1 = \frac{1}{2\pi R_2C_2}$

Fréquence de transition (fréquence pour laquelle $|\underline{\mu}| = 1$, donc $G=0$) :

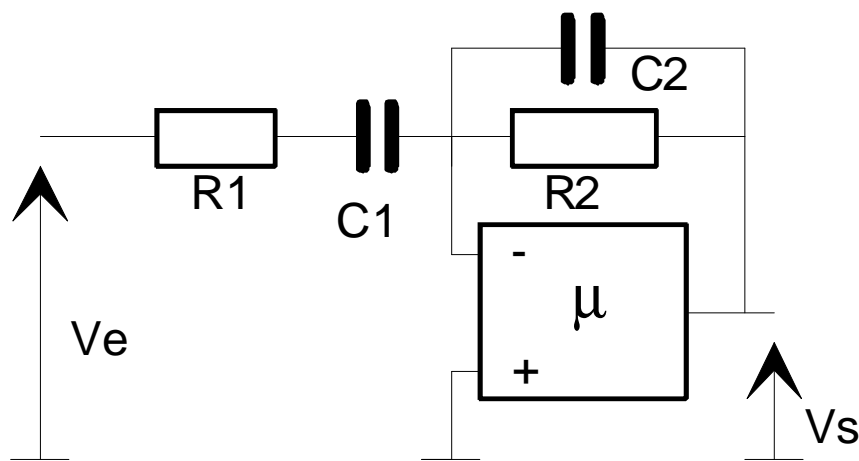
$$\omega_{t2} = \frac{1}{R_1C_2}$$





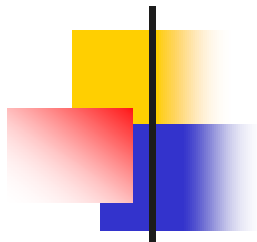
Filtres passe bande

n Filtre passe bande



$$\underline{m'} = \frac{V_s}{V_e} = -\frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{\frac{R_2}{1 + jR_2C_2\omega}}{R_1 + \frac{1}{jC_1\omega}}$$

$$\underline{m'} = -\frac{R_2}{R_1} \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega'_2}} \cdot \frac{1}{1 - j\frac{\omega'_1}{\omega}}$$



Filtres du deuxième ordre

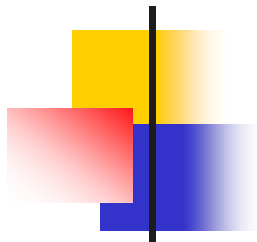
n Quelques définitions

- n** Fréquence de coupure : fréquence pour laquelle le module de l'amplification a diminué de $\sqrt{2}$ par rapport à $G(0)$ ou $G(\infty)$.
- n** Bande passante : intervalle entre deux fréquences de coupure.
- n** Coefficient de surtension n'a véritablement de sens que pour un passe bande :

$$Q = \frac{w_0}{\Delta w} = \frac{1}{2m}$$

n Pulsations

- n** w_0 est appelée pulsation caractéristique du filtre,
- n** ω_R est appelée pulsation de résonance du filtre,
- n** ω_c est appelée pulsation de coupure du filtre.



Filtres du deuxième ordre

n Etude théorique des filtres du deuxième ordre

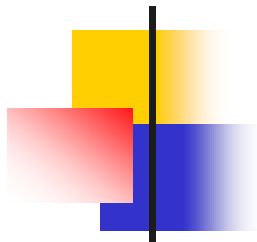
n Equation caractéristique d'un filtre du deuxième ordre

$$\underline{m} = \frac{1}{1 - t_0^2 w^2 + 2m t_0 w j} \quad \text{avec } t_0 > 0, m > 0$$

n En posant $d_0 = \frac{1}{w_0}$ et $\frac{w}{w_0} = x$

M ! w_0 n'est pas la pulsation de coupure

$$\underline{m} = \frac{1}{1 - x^2 + 2mxj} \quad \left| \underline{m} \right| = \frac{1}{\sqrt{(1 - x^2)^2 + (2mx)^2}}$$



Filtres du deuxième ordre

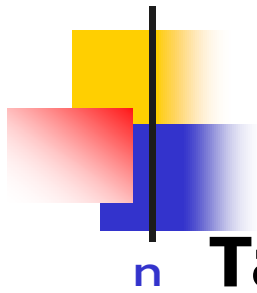
n Tangentes horizontales

$$|\underline{m}|' = 0 \Rightarrow 4x(2m^2 - 1 + x^2) = 0 \quad \left\{ \begin{array}{ll} x_R = 0 & 1^{\text{ère}} \text{ tang horizontale} \\ x_R = \sqrt{1 - 2m^2} & 2^{\text{ième}} \text{ tang horizontale} \end{array} \right\}$$

n Si $x_R = 0$ $|\underline{m}| = 1$

n Si $x_R = \sqrt{1 - 2m^2}$ $|\underline{m}|_R = \frac{1}{\sqrt{(2m^2)^2 + (2m\sqrt{1 - 2m^2})^2}}$

n Si x_R est $> 0 \Rightarrow$ 2ième tangente horizontale si $(1 - 2m^2) > 0$
($m < 0,7$)



Filtres du deuxième ordre

n Tangentes obliques

n Si $x \rightarrow \infty$ $\left| \underline{m} \right| \approx \frac{1}{x^2}$

n C'est l'équation d'une tangente de pente -40dB par octave passant par

$$\begin{cases} x = 1 \\ \left| \underline{m} \right| = 1 \end{cases}$$

Autre point particulier : $\left| \underline{m} \right| = 1$

Filtres du deuxième ordre

Point particulier $\left| \underline{m} \right| = 1$

$$(1 - x^2)^2 + (2mx)^2 = 1$$

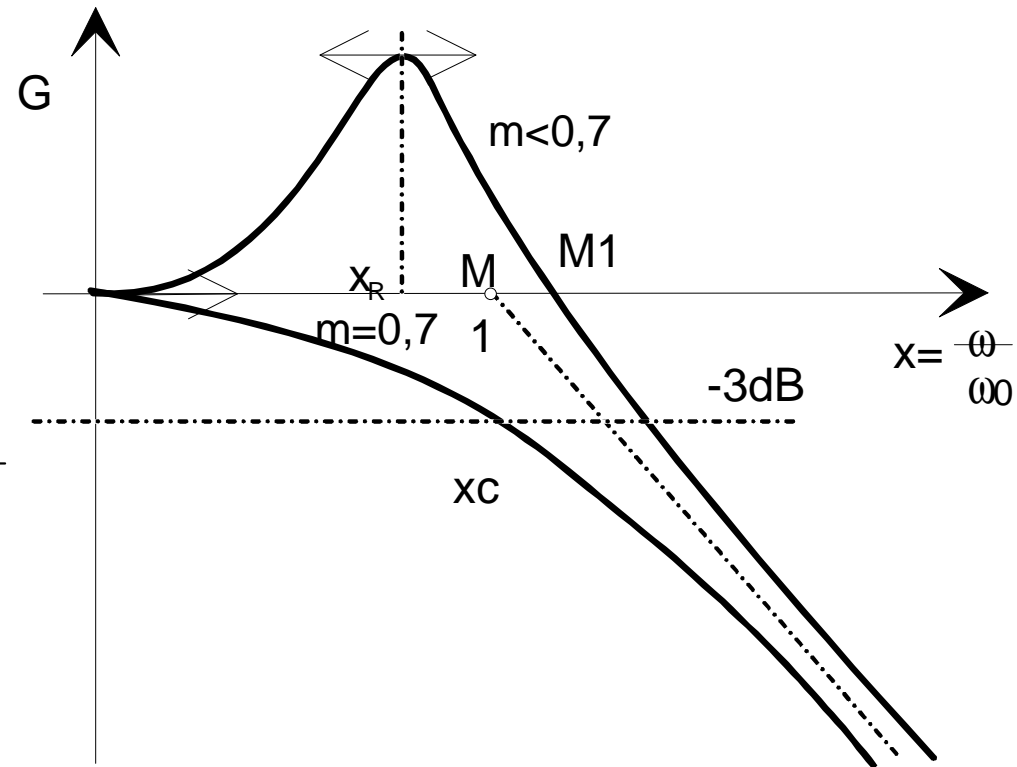
$$1 + x^4 - 2x^2 + 4m^2x^2 = 1$$

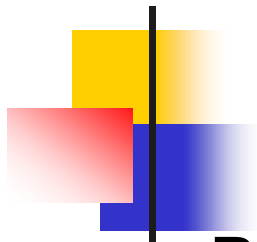
$$x^2(x^2 - 2 + 4m^2) = 0$$

$$x_0 = 0 \Rightarrow w = 0$$

$$x_1^2 = 2 - 4m^2 \Rightarrow x_1 = \sqrt{2} \sqrt{1 - m^2}$$

$$x_1 = x_R \sqrt{2} \quad (pt \ M_1)$$





Filtres du deuxième ordre

n Bande passante à 3dB

n **On ne tient pas compte de la surtension.**

$$|m| = \frac{1}{\sqrt{(1-x^2)^2 + (2mx)^2}} \quad \begin{cases} x=0 & |m|=1 \\ x=x_c & |m| = \frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

$$(1-x_c^2)^2 + 4m^2 x_c^2 = 2 \quad x_c^4 + 2x_c^2(2m^2 - 1) - 1 = 0$$

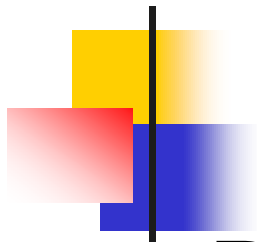
Posons $X_c = x_c^2$

$$X_c^2 + 2X_c(2m^2 - 1) - 1 = 0$$

$$X = \frac{-2(2m^2 - 1) \pm \sqrt{\Delta}}{2}$$

$$X > 0 \quad X_{1c} = 1 - 2m^2 + \sqrt{4m^4 - 4m^2 + 2}$$

$$x > 0 \quad x_c = \sqrt{1 - 2m^2 + \sqrt{4m^4 - 4m^2 + 2}} = \Delta x \quad (\text{bande passante})$$



Filtres du deuxième ordre

n Remarques

- n** w_0 est appelée pulsation caractéristique du filtre,
- n** w_R est appelée pulsation de résonance du filtre,
- n** w_C est appelée pulsation de coupure du filtre.

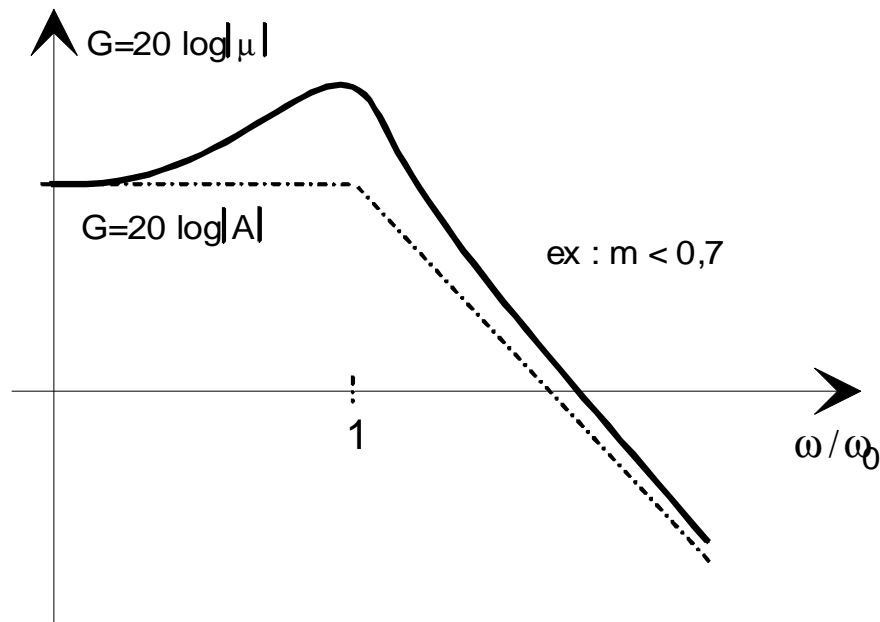
Différents types de filtres

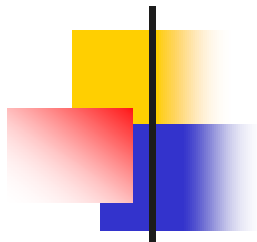
n Filtre Passe bas (étude précédente)

$$\overline{m} = \frac{A}{1 - \left(\frac{w}{w_0}\right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$G = 20 \log |A| + 20 \log \frac{1}{|D|}$$

Remarquer la forme



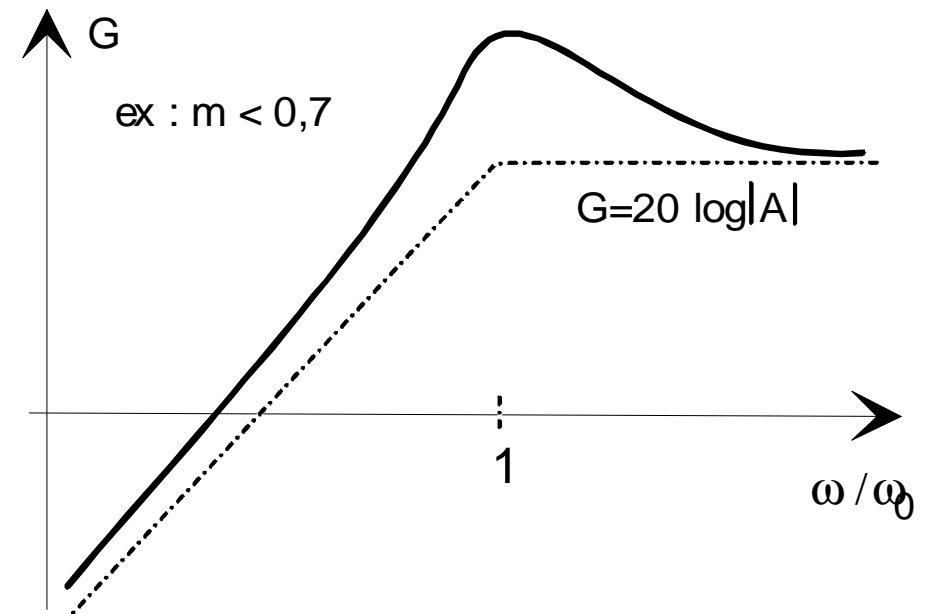


Différents types de filtres

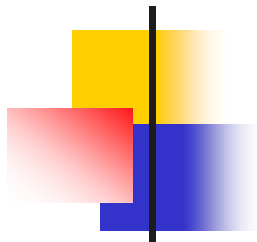
n Filtre Passe haut

$$\frac{m}{-} = \frac{A \left(j \frac{w}{w_0} \right)^2}{1 + \left(j \frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j} = \frac{-A \left(\frac{w}{w_0} \right)^2}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$G = 20 \log |A| + 20 \log \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 20 \log \frac{1}{|D|}$$



Remarquer la forme



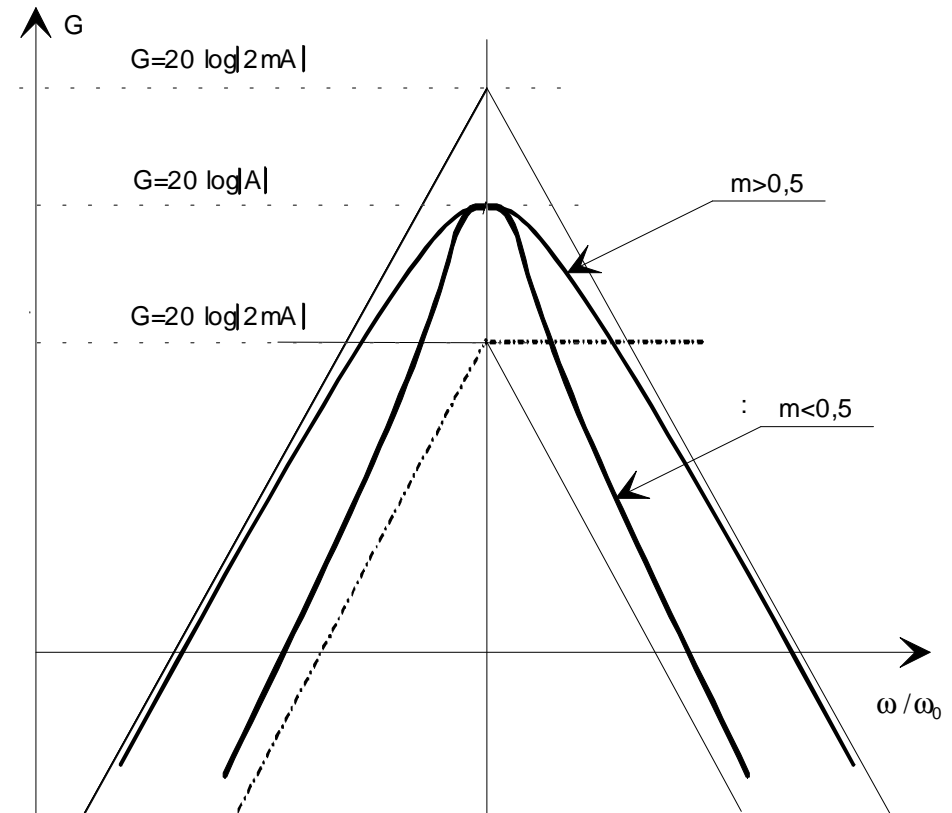
Différents types de filtres

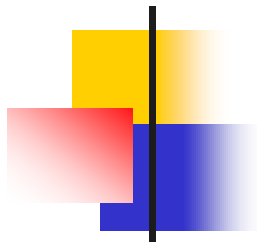
n Filtre Passe bande

$$\underline{m} = \frac{A 2m \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$G = 20 \log |2mA| + 20 \log \frac{w}{w_0} + 20 \log \frac{1}{|D|}$$

Remarquer la forme





Différents types de filtres

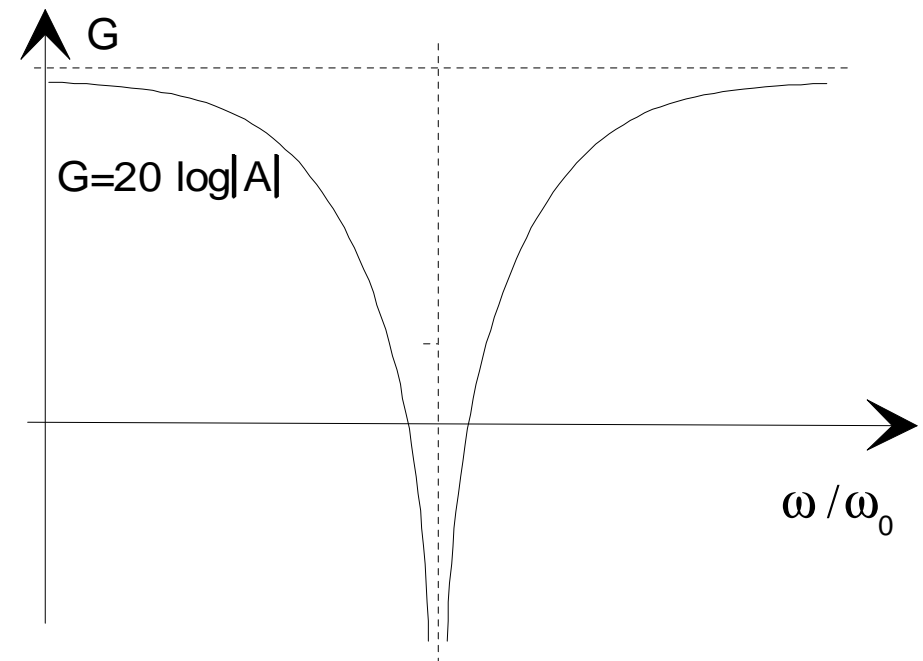
- n **Filtre Coupe bande** : L'étude est différente.

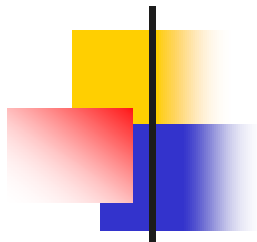
$$\underline{m} = \frac{A}{1 + \frac{2m \frac{w}{w_0}}{1 - \left(\frac{w}{w_0}\right)^2} j}$$

Pour $w = w_0$ $|m| = \frac{A}{\infty} \quad |m| = 0 \quad G = -\infty$

Pour $w = 0$ $|m| = A \quad G = 20 \log A$

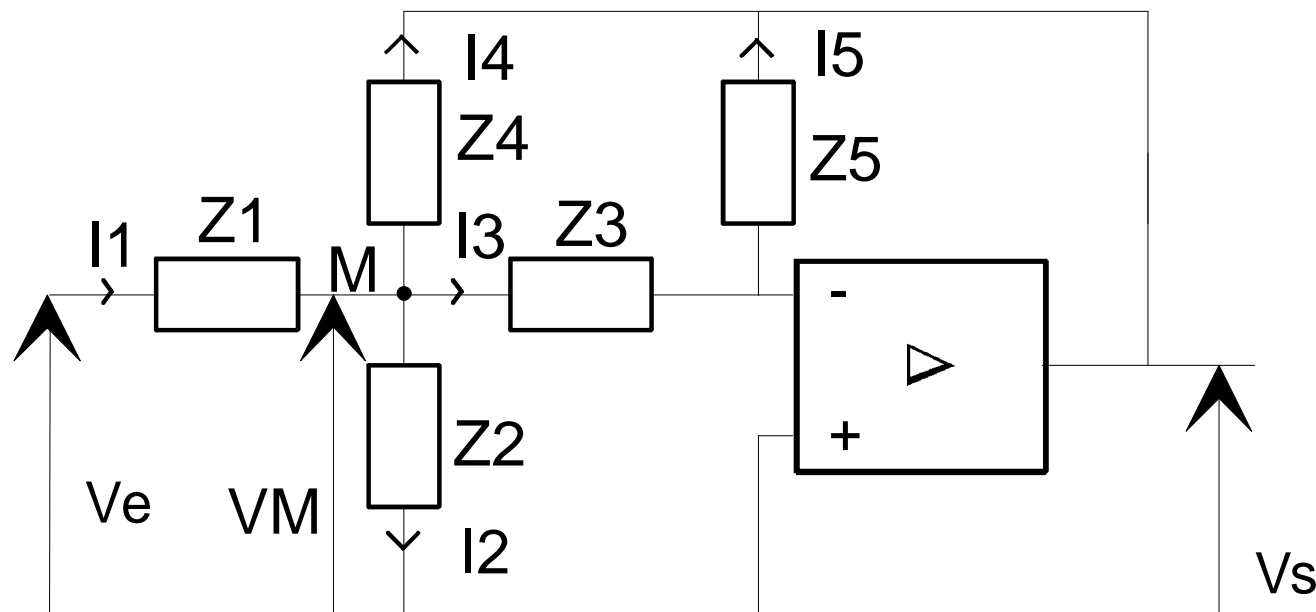
Pour $w \rightarrow \infty$ $|m| = \frac{A}{1} \quad |m| = A$





Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre à contre réaction multiple (structure de Rauch)



- n Calculer la fonction de transfert V_s/V_e en supposant l'AOP parfait ($\epsilon=0$, $V(-)=0$).

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre à contre réaction multiple (structure de Rauch)

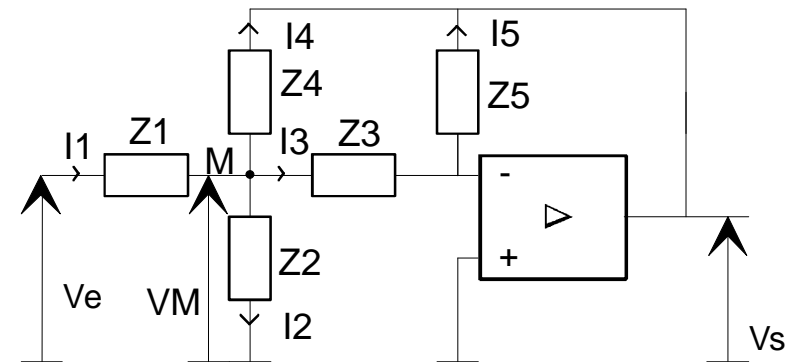
n Au point M on a (Millman) :

$$V_M = -\frac{Y_5}{Y_3} V_s$$

$$\frac{Y_1 V_e + Y_4 V_s}{Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4} = -\frac{Y_5}{Y_3} V_s$$

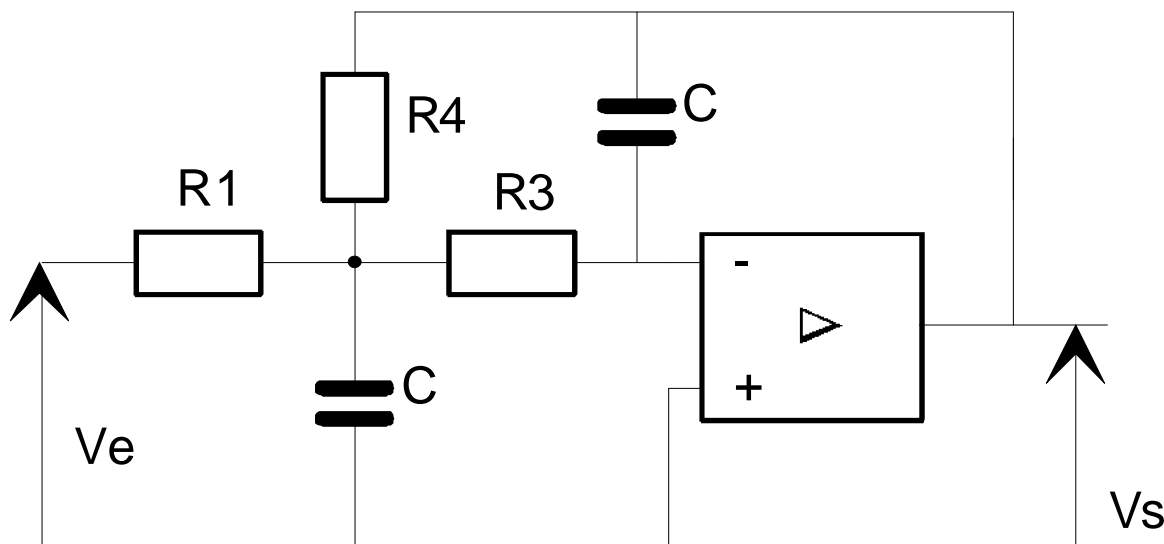
$$Y_1 Y_3 V_e + Y_3 Y_4 V_s = -Y_5 (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) V_s$$

$$m' = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-Y_1 Y_3}{Y_5 (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3 Y_4}$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bas (structure de Rauch)



n $Y_R = 1/R$ $Y_C = jC\omega$

n $Y_1 = 1/R_1$, $Y_3 = 1/R_3$, $Y_4 = 1/R_4$

n $Y_5 = jC\omega$, $Y_2 = jC\omega$

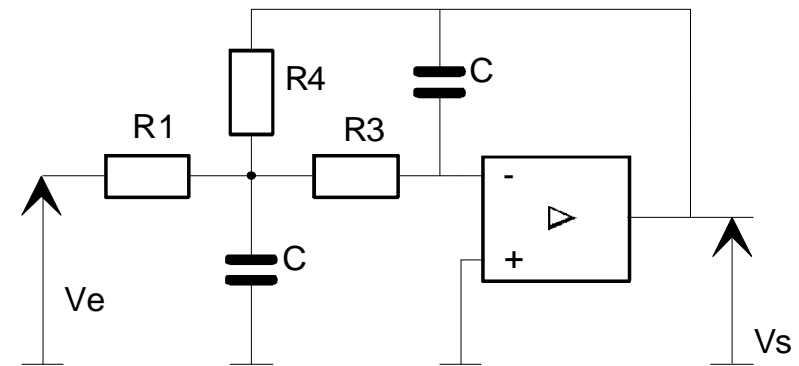
Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bas (structure de Rauch).

Détermination de A , m , Q

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$\underline{m} = \frac{A}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$



$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-\frac{1}{R_1 R_3}}{jCw \left(\frac{1}{R_1} + jCw + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) + \frac{1}{R_3 R_4}} = \frac{-\frac{R_4}{R_1}}{1 - R_3 R_4 C^2 w^2 + jCw (R_3 R_4) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right)}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bas (structure de Rauch)

$$\underline{m} = \frac{-\frac{R_4}{R_1}}{1 - R_3 R_4 C^2 \omega^2 + j C \omega \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right)} = \frac{A}{1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0} \right)^2 + 2m \frac{\omega}{\omega_0} j} =$$

En identifiant avec la fonction caractéristique d'un filtre du deuxième ordre

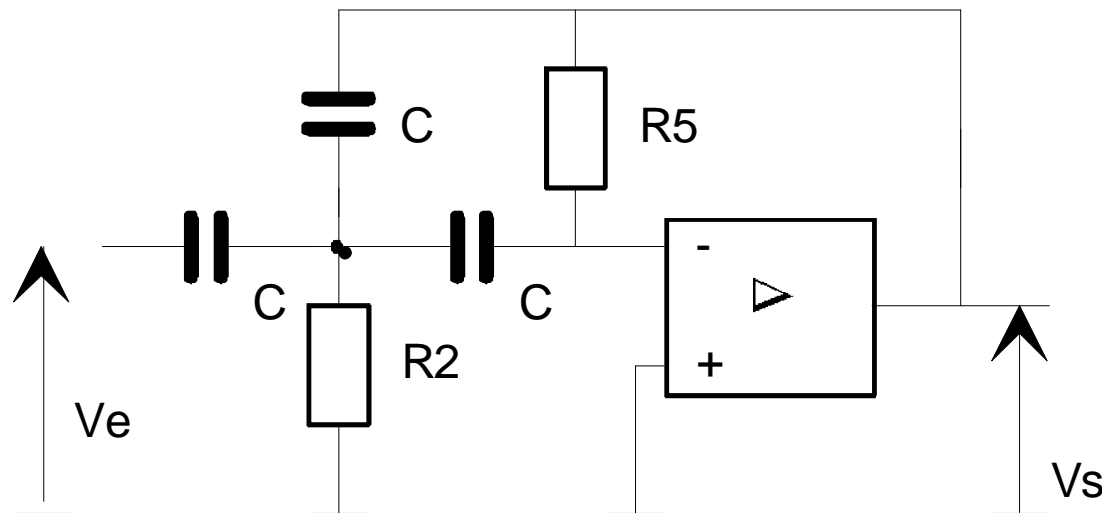
$$A = -\frac{R_4}{R_1} \quad \omega_0 = \frac{1}{C \sqrt{R_3 R_4}} \quad Q = \frac{1}{2m}$$

$$2m = C \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) \frac{1}{C \sqrt{R_3 R_4}}$$

$$Q = \frac{1}{2m} = \frac{\sqrt{R_3 R_4}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}} = \frac{1}{\frac{\sqrt{R_3 R_4}}{R_1} + \sqrt{\frac{R_4}{R_3}} + \sqrt{\frac{R_3}{R_4}}}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n **Filtre passe haut (structure de Rauch)** Détermination de A , m , Q



- n $Y_R = 1/R$ $Y_C = jC\omega$
- n $Y_1 = jC\omega$, $Y_3 = jC\omega$, $Y_4 = jC\omega$
- n $Y_2 = 1/R_2$, $Y_5 = 1/R_5$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe haut (structure de Rauch)

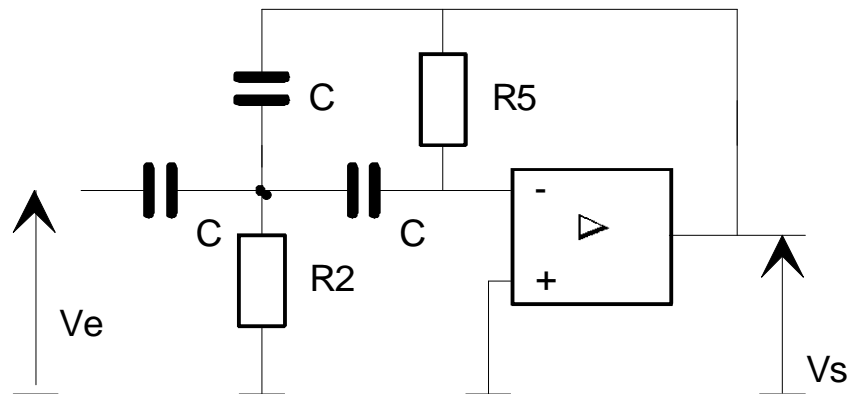
n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$\frac{m}{-} = \frac{-A \left(\frac{w}{w_0} \right)^2}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-Y_1 Y_3}{Y_5 Y_1 + Y_5 Y_2 + Y_5 Y_4 + Y_3 Y_4}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{C^2 w^2}{\frac{1}{R_5} \left(3jCw + \frac{1}{R_2} \right) - C^2 w^2} = \frac{-1}{1 - \frac{1}{R_5 C^2 w^2} \left(3jCw + \frac{1}{R_2} \right)}$$

$$m = \frac{-1}{1 - \frac{1}{R_2 R_5 C^2 w^2} - \frac{3j}{R_5 C w}} = \frac{+R_2 R_5 C^2 w^2}{1 - R_2 R_5 C^2 w^2 + 3jR_2 C w}$$





Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe haut (structure de Rauch)

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

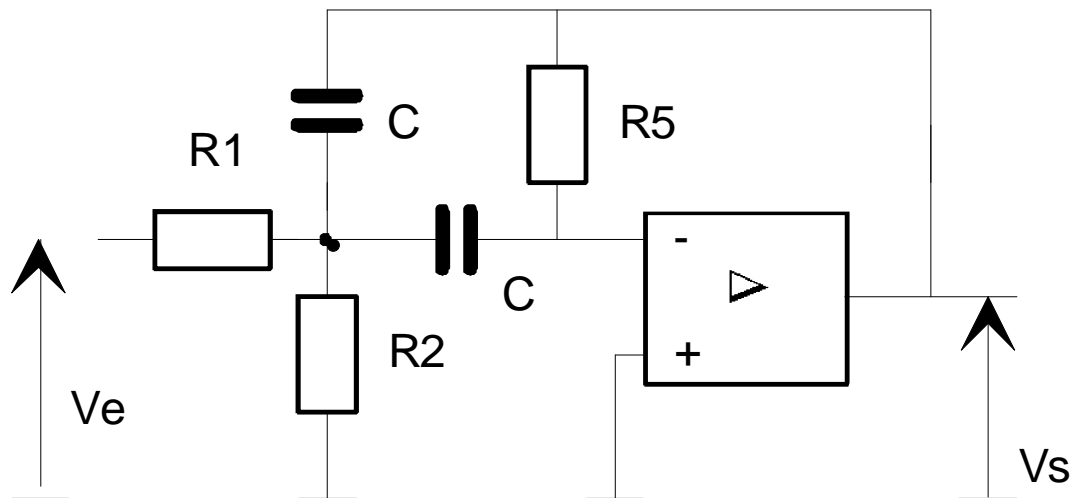
$$\frac{m}{-} = \frac{+R_2 R_5 C^2 w^2}{1 - R_2 R_5 C^2 w^2 + 3jR_2 Cw} = \frac{-A \left(\frac{w}{w_0} \right)^2}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$w_0 = \frac{1}{C\sqrt{R_2 R_5}} \quad 2m = 3R_2 \frac{1}{\sqrt{R_2 R_5}} \quad Q = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{R_5}{R_2}}$$

$$R_2 R_5 C^2 w^2 = -A \frac{w^2}{w_0^2} \Rightarrow A = -1$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bande (structure de Rauch)



n Plusieurs solutions possibles :

- n Y_1 ou $Y_3 = jC\omega$, $Y_2 = 1/R_2$ ou $jC\omega$. On choisi :
- n $Y_R = 1/R$ $Y_C = jC\omega$
- n $Y_3 = jC\omega$, $Y_4 = jC\omega$,
- n $Y_1 = 1/R_1$, $Y_2 = 1/R_2$, $Y_5 = 1/R_5$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

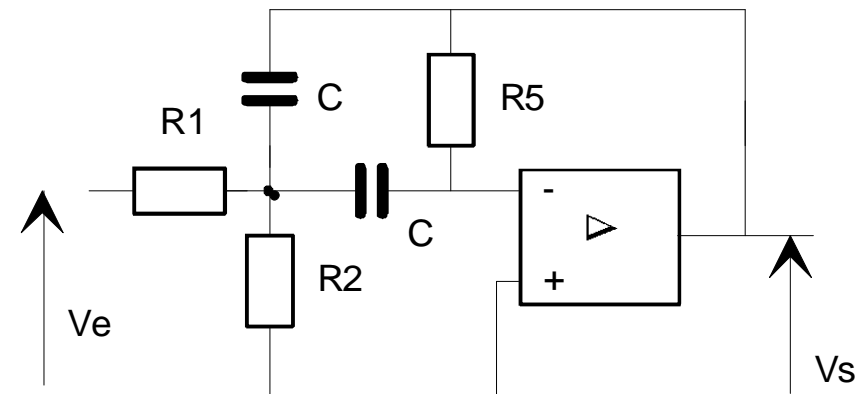
n Filtre passe bande (structure de Rauch)

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$\underline{m} = \frac{2Am \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-Y_1 Y_3}{Y_5 Y_1 + Y_5 Y_2 + Y_5 Y_4 + Y_3 Y_4}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-\frac{jCw}{R_1}}{\frac{1}{R_5} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + 2jCw \right) - C^2 w^2} = \frac{-\frac{jCw}{R_1}}{\frac{1}{R_1 R_5} + \frac{1}{R_2 R_5} + \frac{2jCw}{R_5} - C^2 w^2}$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bande (structure de Rauch)

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$m = \frac{-\frac{jCw}{R_1}}{\frac{1}{R_1R_5} + \frac{1}{R_2R_5} + \frac{2jCw}{R_5} - -C^2w^2}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{jR_2R_5Cw}{R_1 + R_2 + 2jR_1R_2Cw - R_1R_2R_5C^2w^2}$$

$$m = \frac{jCw \frac{R_2R_5}{R_1 + R_2}}{1 - \frac{R_1R_2R_5C^2w^2}{R_1 + R_2} + 2jCw \frac{R_1R_2}{R_1 + R_2}}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe haut (structure de Rauch)

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$\frac{m}{-} = \frac{jCw \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2}}{1 - \frac{R_1 R_2 R_5 C^2 w^2}{R_1 + R_2} + 2jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{2Am \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$w_0^2 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2 R_5 C^2} \Rightarrow w_0 = \frac{1}{C \sqrt{\frac{R_1 R_2 R_5}{R_1 + R_2}}}$$

$$2m = 2 \frac{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}{\sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}} = 2 \frac{\sqrt{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}}{\sqrt{R_5}}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe haut (structure de Rauch)

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$\frac{m}{-} = \frac{jCw \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2}}{1 - \frac{R_1 R_2 R_5 C^2 w^2}{R_1 + R_2} + 2jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{2Am \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

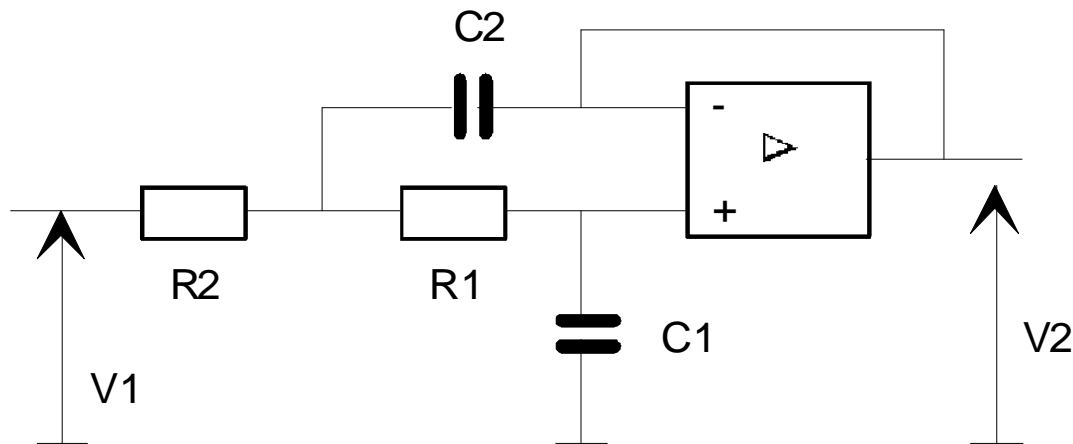
$$Q = \frac{1}{2m} = \frac{1}{2} \frac{\sqrt{R_5}}{\sqrt{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}} = \frac{1}{2} \sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}$$

$$2mA \frac{w}{w_0} j = -jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

$$A = C \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2} \frac{w_0}{2m} = \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2} \frac{1}{2} \sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} \frac{1}{C \sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}} A = -\frac{R_5}{2R_1}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

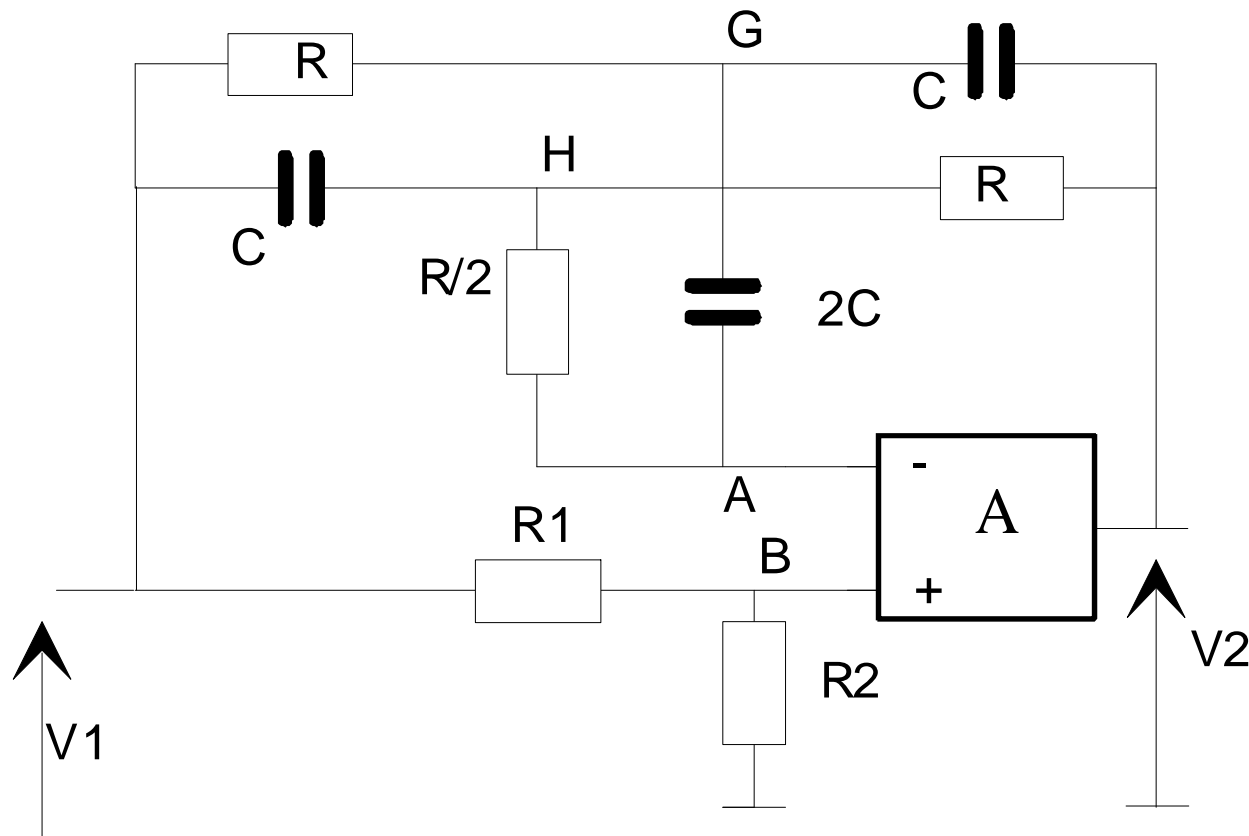
n Filtre de Bessel, Butterworth, Chebychev



- n Ces filtres correspondent essentiellement chacun à un réglage particulier du coefficient m .

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

Filtre coupe bande à double T



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre à INIC (convertisseur d'impédance négative)

