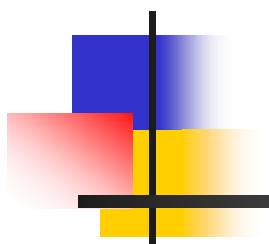
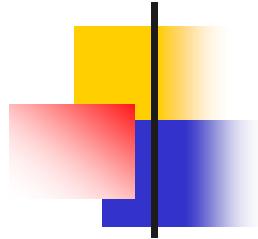


Les Filtres du 2^{ième} ordre

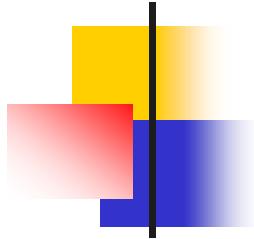




Définitions

n **Rôle d'un filtre**

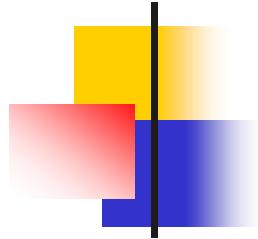
- n Laisser passer certains signaux de fréquence (utiles).
- n Diminuer ou supprimer les signaux de fréquence indésirable.
- n Modifier la phase d'un signal par rapport à un autre (avance de phase ou retard de phase).



Définitions

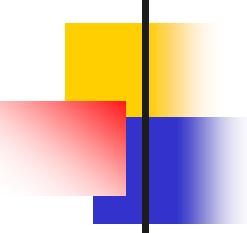
Types de filtres

- Passe haut : laisse passer les fréquences hautes,
- Passe bas : laisse passer les fréquences basses,
- Passe bande : élimine les fréquences basses et hautes,
- Coupe bande : laisser passer les fréquences basses et hautes en éliminant les fréquences moyennes.



Filtres passifs et actifs

- filtre passif : composé uniquement de composants passifs (R, L, C),
- filtre actifs : composé de composants passifs et d'amplificateurs.



Ordre d'un filtre

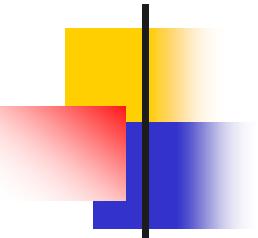
La fonction de transfert générale d'un filtre est de la forme

$$\mu = \frac{A}{a\omega^n + b\omega^{n-1} + \dots} \text{ avec } n = \text{ordre du filtre.}$$

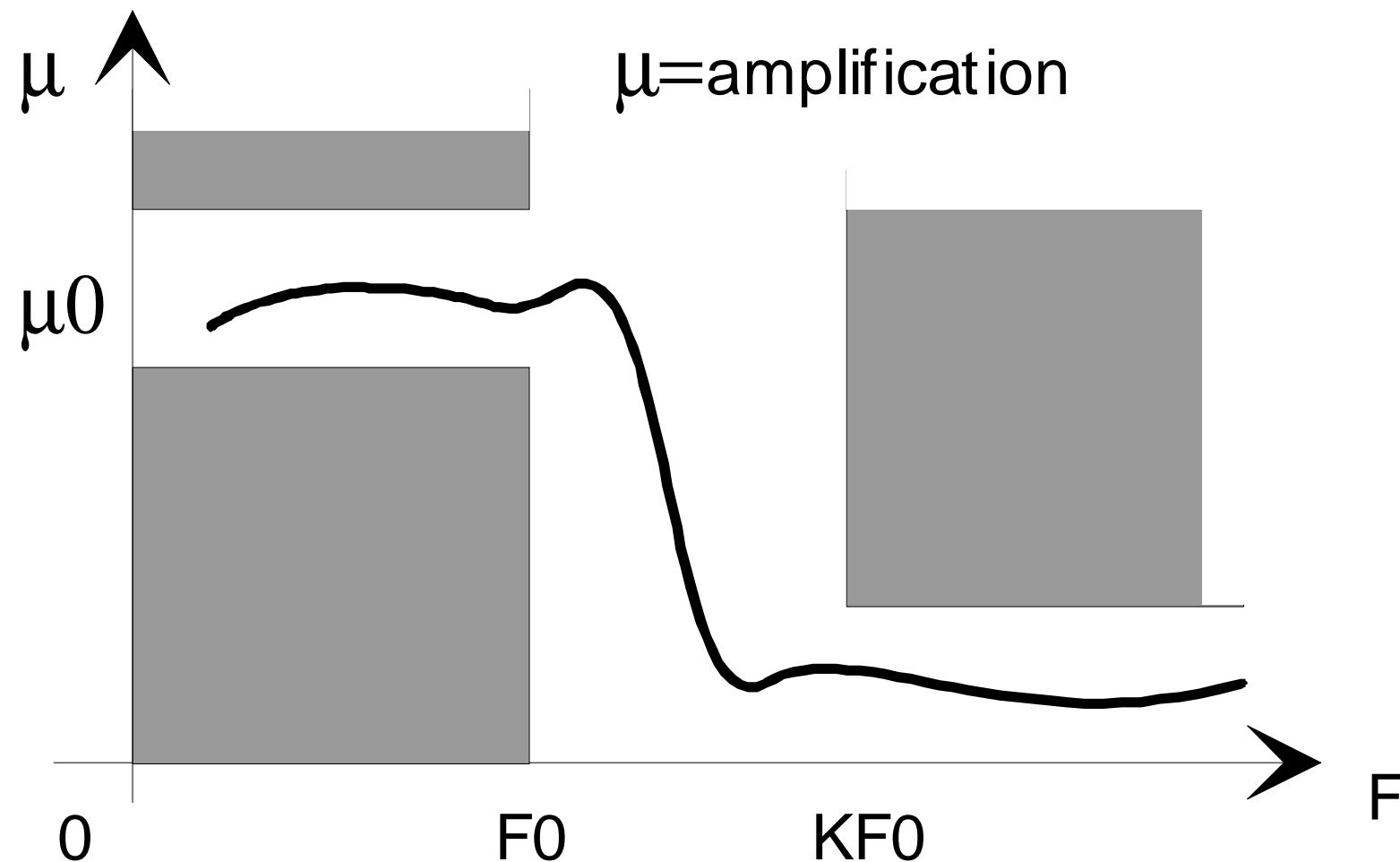
Exemple :

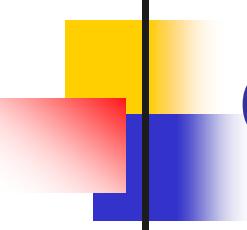
Filtre du premier ordre $\mu = \frac{\mu_0}{1 + j \frac{\omega}{\omega_0}}$ (ici un passe bas)

Filtre du deuxième ordre $\mu = \frac{\mu_0}{1 - \delta_0^2 \omega^2 + a\omega j}$ (ici un passe bas).



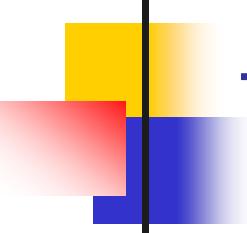
Gabarit d'un filtre





Tracé des réponses d'un filtre : diagrammes de Bode

- **Intérêt des diagrammes de Bode**
 - L'axe des abscisses est en coordonnées logarithmiques : compression dans l'axe des fréquences (ou des pulsations).
 - En ordonné les asymptotes des modules sont des sommes ou des différences de droites.



Tracé direct des diagrammes de Bode

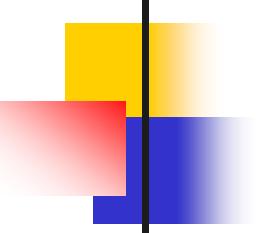
- „ **Forme générale** $\frac{\underline{N}}{\underline{D}}$ (**degré de N < au degré de D**)
- „ **Conditions du tracé direct**
 - „ Déterminants > 0
 - „ Pour tracer la FT dans le plan de Bode il faut mettre celle-ci sous la forme de produits de FT élémentaires du premier ordre.

$$\frac{(1+jt_1w)(1+jt_2w)\dots}{(1+jt'_1w)(1+jt'_2w)\dots}$$

- „ **Exemple**

$$\frac{A}{(jw)^2 a + (jw)b + c} = \frac{A/c}{(jw)^2 a/c + (jw)b/c + 1} =$$

$$\frac{A/c}{(1+jt_1w)(1+jt_2w)} = \frac{A/c}{(jw)^2 t_1 t_2 + (jw)(t_1 + t_2) + 1}$$

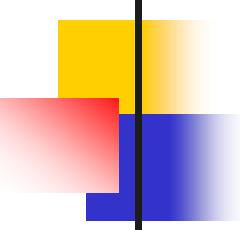


Tracé des diagrammes de Bode

$$\frac{(1+jt_1w)(1+jt_2w)\dots}{(1+jt'_1w)(1+jt'_2w)\dots} = \frac{\left(1+j\frac{w}{w_1}\right)\left(1+j\frac{w}{w_2}\right)\dots}{\left(1+j\frac{w}{w'_1}\right)\left(1+j\frac{w}{w'_2}\right)\dots}$$

n Tracé des courbes de phase

- n Au numérateur chaque pôle déphase de :
 - n $+\pi/2$ pour $\omega \rightarrow \infty$ ($\pi/4$ pour $\omega=1/\tau$) et provoque sur l'asymptote oblique une augmentation du gain de 20db / décade.
- n Au dénominateur chaque pôle déphase de :
 - n $-\pi/2$ pour $\omega \rightarrow \infty$ ($-\pi/4$ pour $\omega=1/\tau'$) et provoque sur l'asymptote oblique une diminution du gain de -20db / décade.



Tracé des diagrammes de Bode

$$\frac{(1+jt_1w)(1+jt_2w)\dots}{(1+jt'_1w)(1+jt'_2w)\dots} = \frac{\left(1+j\frac{w}{w_1}\right)\left(1+j\frac{w}{w_2}\right)\dots}{\left(1+j\frac{w}{w'_1}\right)\left(1+j\frac{w}{w'_2}\right)\dots}$$

n Tracé des courbes de gain

- n On trace les asymptotes horizontales et obliques de chaque pôle.

- n Exemple pour $(1+jt_1w)$ au numérateur

- n asymptote horizontale à 0db
 - n asymptote oblique de pente +20db/décade à partir de $\omega_1 = 1/\delta_1$

- n Exemple pour $(1+jt'_1w)$ au dénominateur

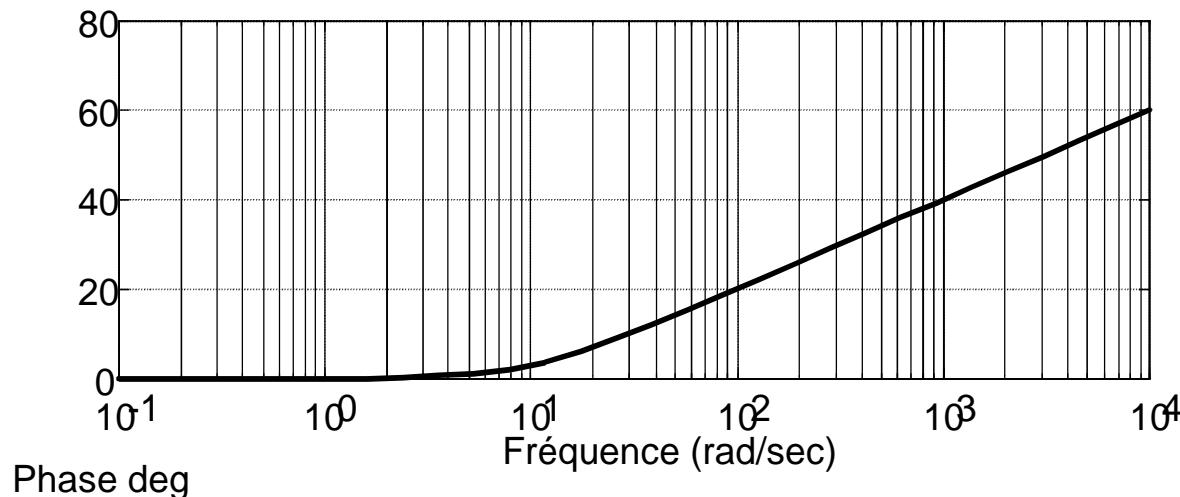
- n asymptote horizontale à 0db
 - n asymptote oblique de pente -20db/décade à partir de $\omega_1 = 1/\tau'_1$

- n A l'intersection des asymptotes la courbe réelle passe à $\pm 3db$

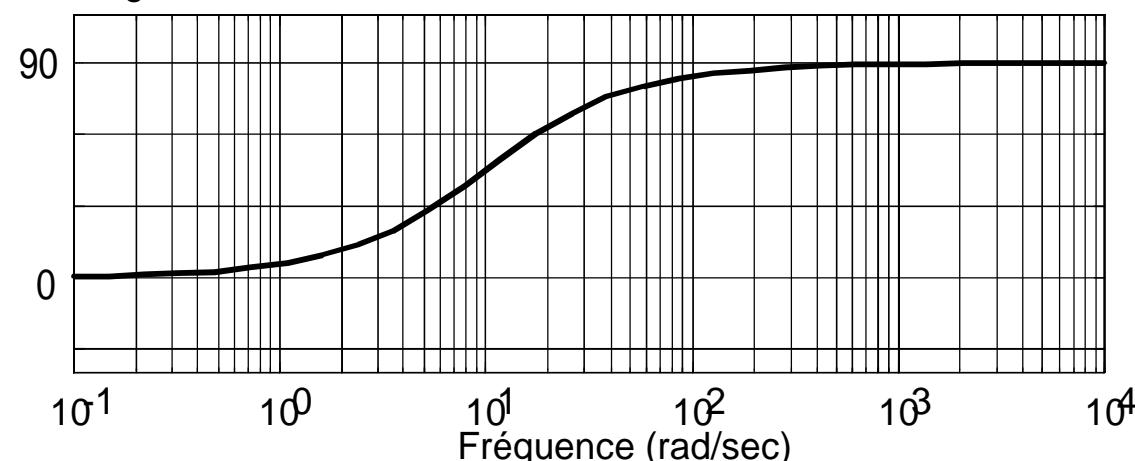
Tracé des diagrammes de Bode

n Exemple

Gain dB

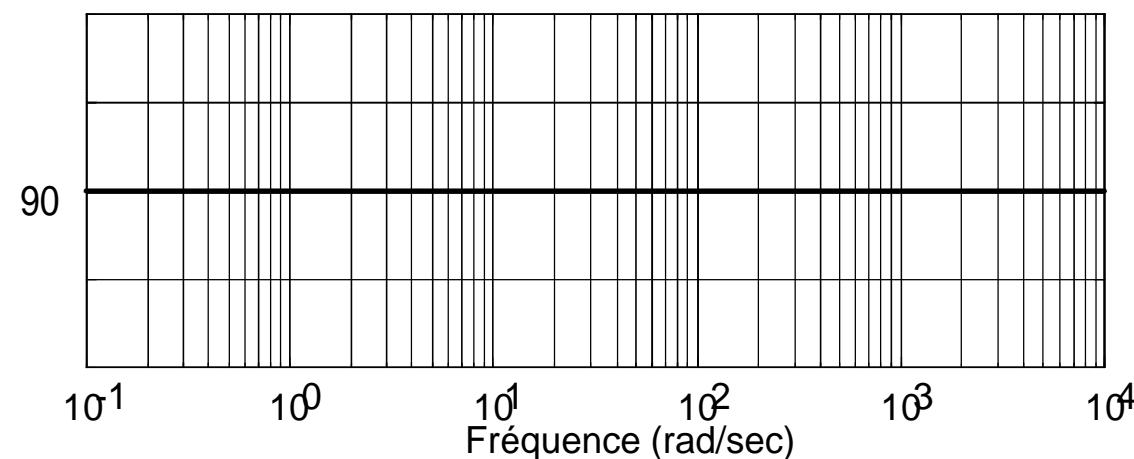
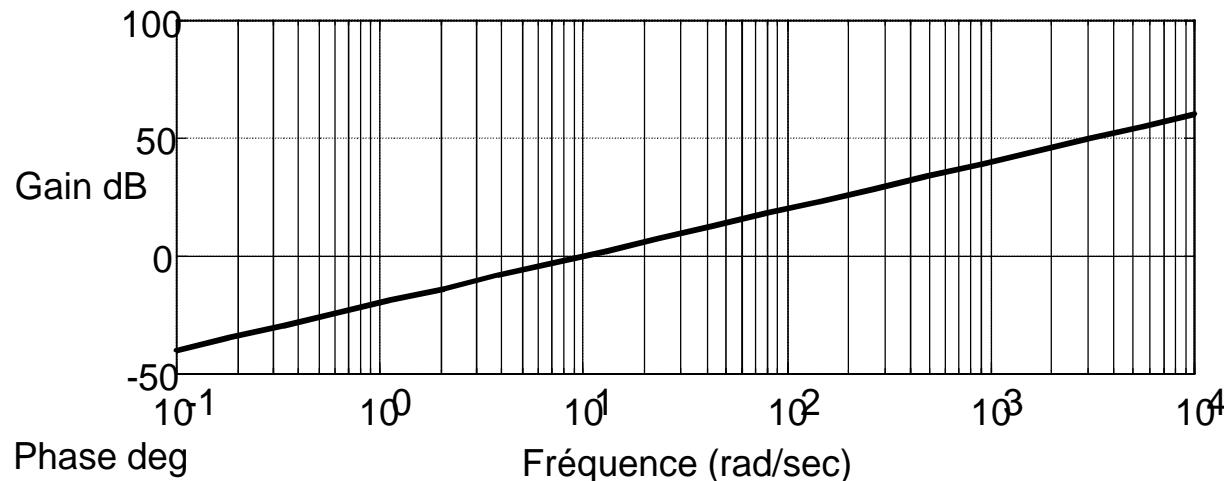


Phase deg



Tracé des diagrammes de Bode

n Exemple $H(jw) = jtw$ avec $t = 0,1$

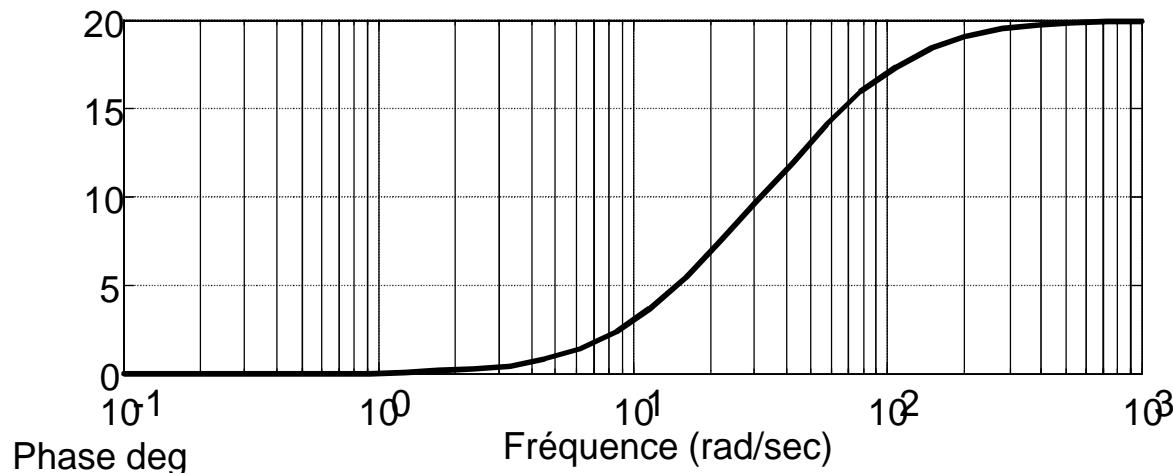


Tracé des diagrammes de Bode

n Exemple

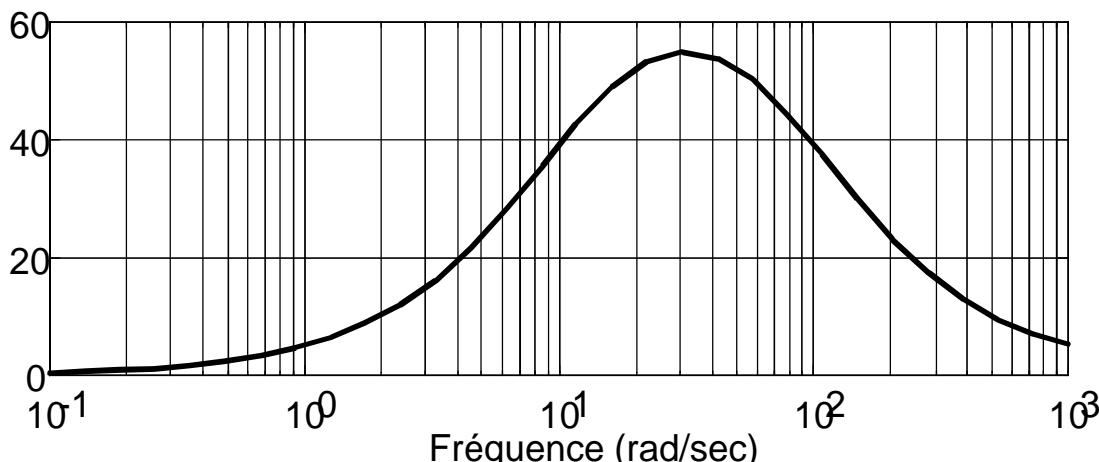
$$H(jw) = \frac{1+jt_1w}{1+jt_2w} \quad \text{avec } t_1=0,1 \text{ et } t_2=0,01$$

Gain dB



Phase deg

Fréquence (rad/sec)



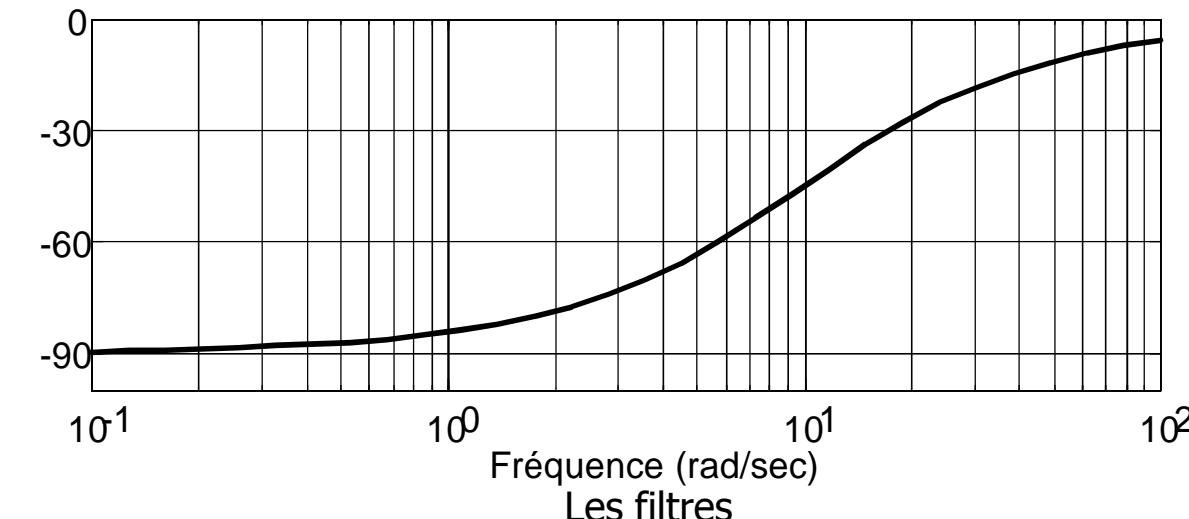
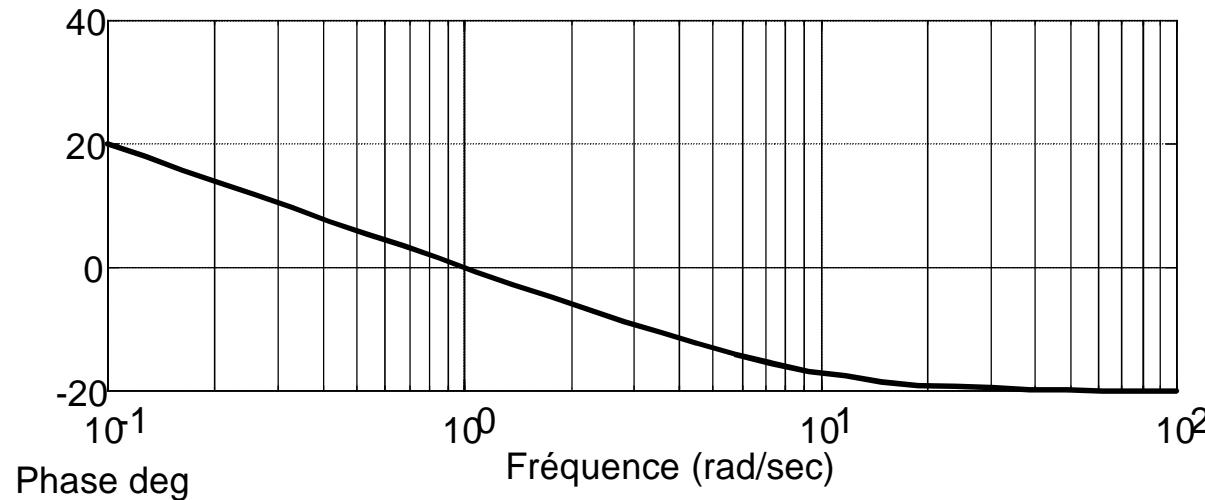
Fréquence (rad/sec)

Tracé des diagrammes de Bode

n Exemple

Gain dB

$$H(jw) = \frac{1+jt1w}{jw} \quad \text{avec } t1=0,1$$

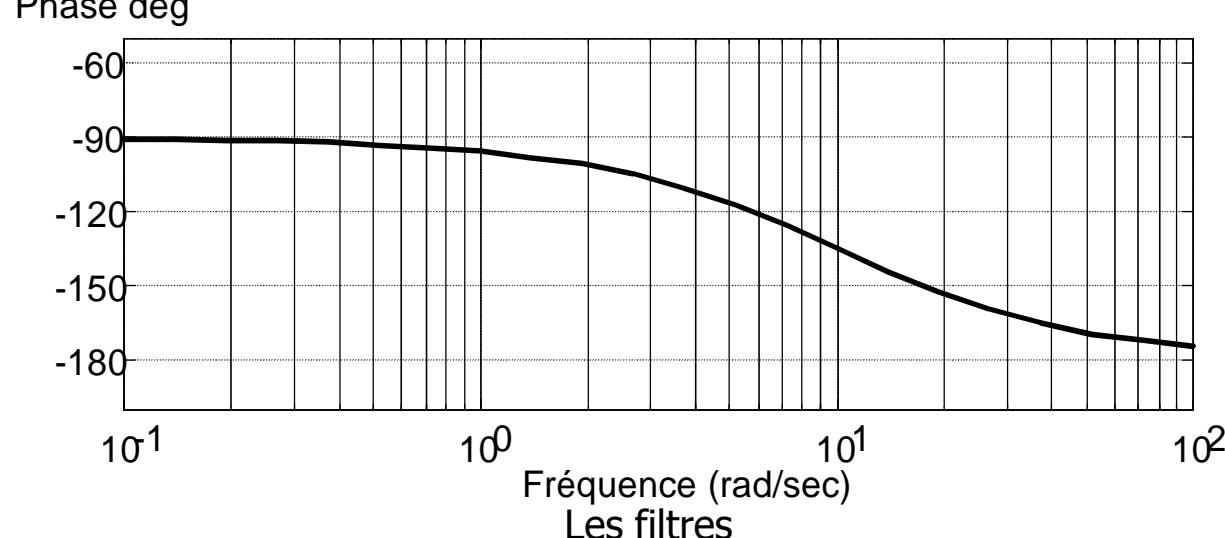
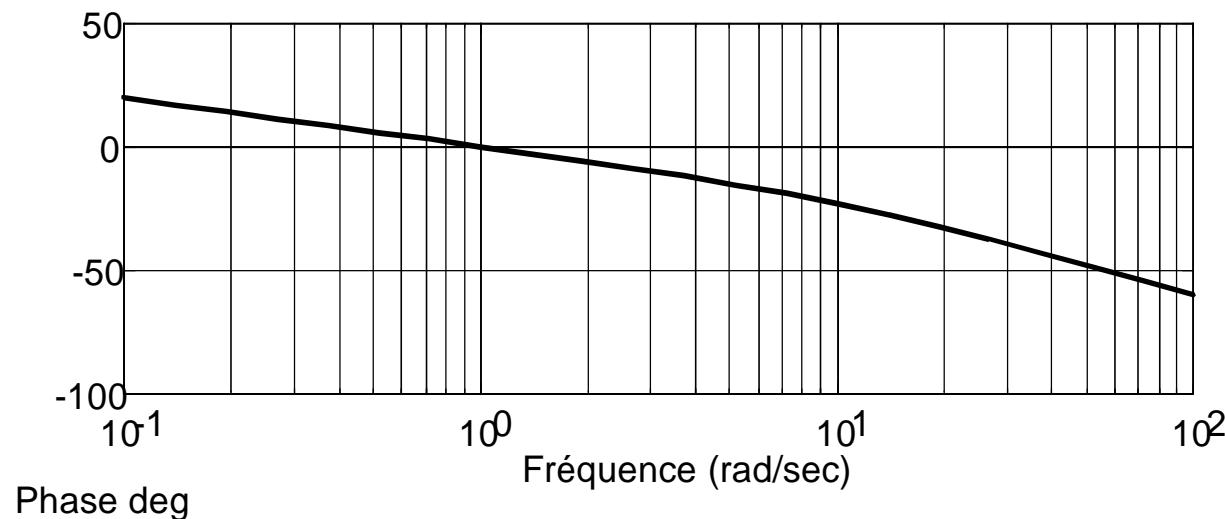


Tracé des diagrammes de Bode

n Exemple

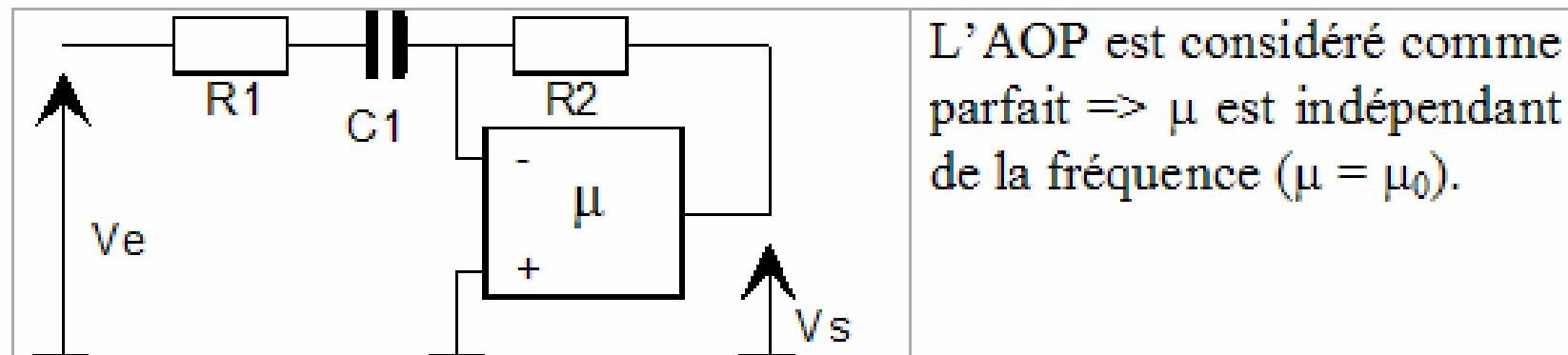
Gain dB

$$H(jw) = \frac{1}{jw(1+jt_1w)(1+jt_2w)} \text{ avec } t_1 = 0,1 \quad t_2 = 0,01$$



Filtres du premier ordre (rappels)

n Filtre passe haut

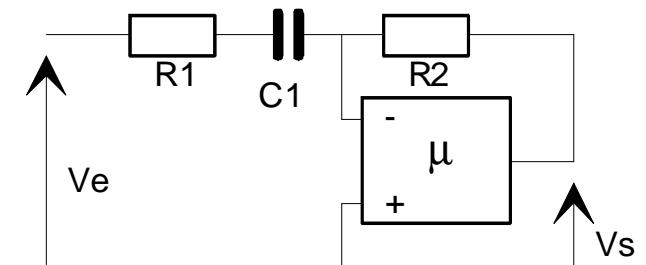


Filtres passe haut du premier ordre (2)

n Fonction de transfert

$$m' = \frac{V_s}{V_e} = -\frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{-R_2}{R_1 + \frac{1}{jC_1 w}} = -\frac{-R_2}{1 + \frac{1}{jR_1 C_1 w}}$$

$$m' = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 - j\frac{W_1}{W}} \text{ avec } W_1 = \frac{1}{R_1 C_1}$$



Filtres passe haut du premier ordre (3)

n Fonction de transfert

- Amplification maximale
- Fréquence de coupure
- Fréquence de transition

Amplification maximale : $\underline{\mu}'_0 = \frac{R_2}{R_1}$

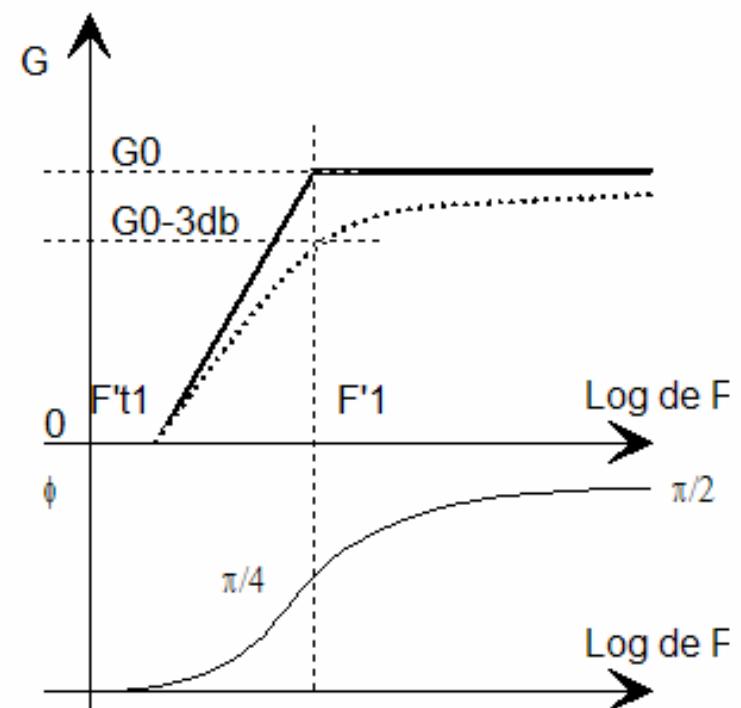
Fréquence de coupure : $F'_1 = \frac{1}{2\pi R_1 C_1}$

Fréquence de transition (fréquence pour laquelle $|\underline{\mu}| = 1$, donc $G=0$)

$$|\underline{\mu}| = 1 \Rightarrow \left(\frac{R_2}{R_1} \right)^2 = 1 + \frac{\omega_1}{\omega_{t1}} ; \quad \text{Arg}(\underline{\mu}') = \arctan \frac{\omega_1}{\omega}$$

$$\left(\frac{R_2}{R_1} \right)^2 \gg 1 \Rightarrow \omega_{t1} = \omega_1 \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{R_2 C_1}$$

$$\underline{m}' = -\frac{\frac{R_2}{R_1}}{1 - j \frac{W_1}{W}} \quad \text{avec } W_1 = \frac{1}{R_1 C_1}$$



Filtres passe bas du premier ordre

Fonction de transfert

$$\underline{\mu}' = \frac{V_s}{V_e} = -\frac{Z_2}{Z_1} = \frac{-R_2 // \frac{1}{jC_2\omega}}{R_1} = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 + jR_2C_2\omega}$$

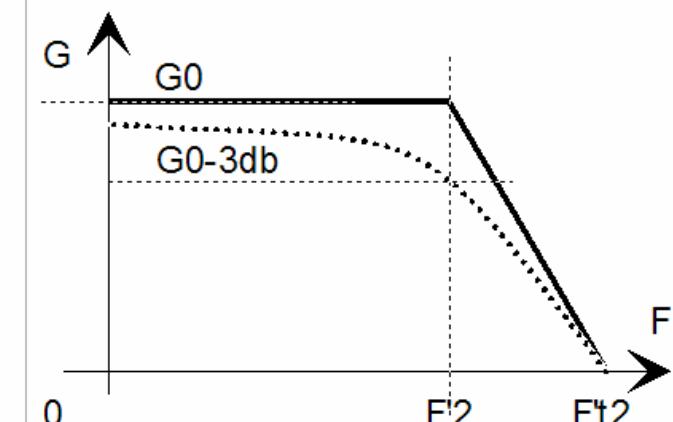
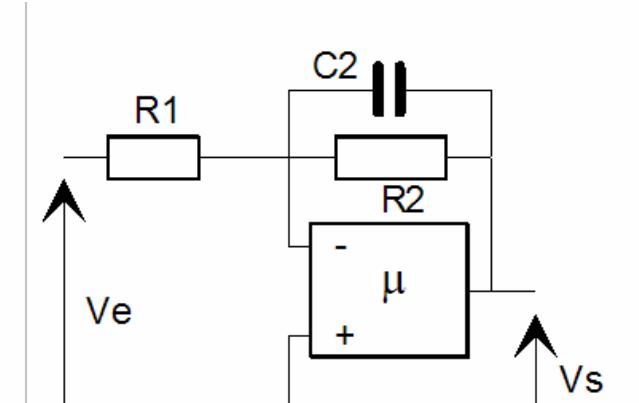
$$\underline{\mu}' = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 + j\frac{\omega}{\omega'_2}} \quad \text{avec } \omega'_2 = \frac{1}{R_2C_2}$$

$$\text{Amplification maximale : } \mu_0 = \frac{R_2}{R_1}$$

$$\text{Fréquence de coupure : } F_1 = \frac{1}{2\pi R_2 C_2}$$

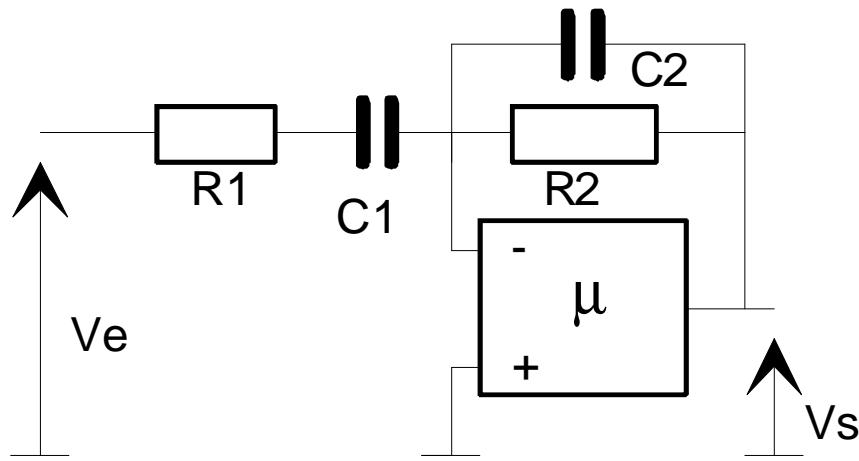
Fréquence de transition (fréquence pour laquelle $|\underline{\mu}|=1$, donc $G=0$) :

$$\omega_{t2} = \frac{1}{R_1 C_2}$$



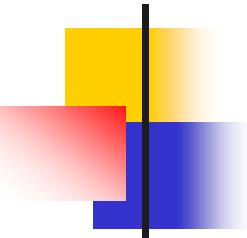
Filtres passe bande

n Filtre passe bande



$$\frac{m'}{-} = \frac{V_s}{V_e} = -\frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{\frac{R_2}{jC_2w}}{R_1 + \frac{1}{jC_1w}}$$

$$\frac{m'}{-} = -\frac{R_2}{R_1} \cdot \frac{1}{1 + j\frac{w}{w'_1}} \cdot \frac{1}{1 - j\frac{w'_1}{w}}$$



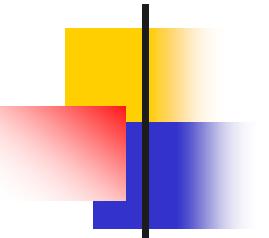
Filtres du deuxième ordre

n Quelques définitions

- Fréquence de coupure : fréquence pour laquelle le module de l'amplification a diminué de $\sqrt{2}$ par rapport à $G(0)$ ou $G(\infty)$.
- Bande passante : intervalle entre deux fréquences de coupure.
- Coefficient de surtension n'a véritablement de sens que pour un passe bande :

$$Q = \frac{\omega_0}{\Delta\omega} = \frac{1}{2m}$$

- Pulsations
 - ω_0 est appelée pulsation caractéristique du filtre,
 - ω_R est appelée pulsation de résonance du filtre,
 - ω_c est appelée pulsation de coupure du filtre.



Filtres du deuxième ordre

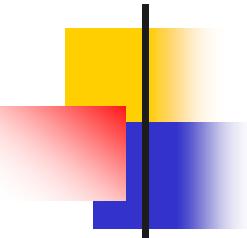
- **Etude théorique des filtres du deuxième ordre**
 - **Equation caractéristique d'un filtre du deuxième ordre**

$$\underline{m} = \frac{1}{1 - t_0^2 w^2 + 2m t_0 w j} \quad \text{avec } t_0 > 0, m > 0$$

■ **En posant** $d_0 = \frac{1}{W_0}$ et $\frac{W}{W_0} = x$

M ! w_0 n'est pas la pulsation de coupure

$$\underline{m} = \frac{1}{1 - x^2 + 2mxj} \quad |\underline{m}| = \frac{1}{\sqrt{(1 - x^2)^2 + (2mx)^2}}$$



Filtres du deuxième ordre

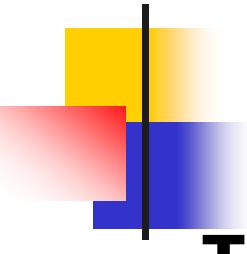
n Tangentes horizontales

$$|\underline{m}'| = 0 \Rightarrow 4x(2m^2 - 1 + x^2) = 0 \quad \left\{ \begin{array}{ll} x_R = 0 & \text{1ère tang horizontale} \\ x_R = \sqrt{1 - 2m^2} & \text{2ième tang horizontale} \end{array} \right.$$

n Si $x_R = 0$ $|\underline{m}| = 1$

n Si $x_R = \sqrt{1 - 2m^2}$ $|\underline{m}|_R = \frac{1}{\sqrt{(2m^2)^2 + (2m\sqrt{1 - 2m^2})^2}}$

n Si x_R est $> 0 \Rightarrow$ 2ième tangente horizontale si $(1 - 2m^2) > 0$
 $(m < 0,7)$



Filtres du deuxième ordre

n Tangentes obliques

n Si $x \rightarrow \infty$ $|\underline{m}| \approx \frac{1}{x^2}$

n C'est l'équation d'une tangente de pente -40dB par octave passant par

$$\begin{cases} x = 1 \\ |\underline{m}| = 1 \end{cases}$$

Autre point particulier : $|\underline{m}| = 1$

Filtres du deuxième ordre

n

Point particulier $|m| = 1$

$$(1 - x^2)^2 + (2mx)^2 = 1$$

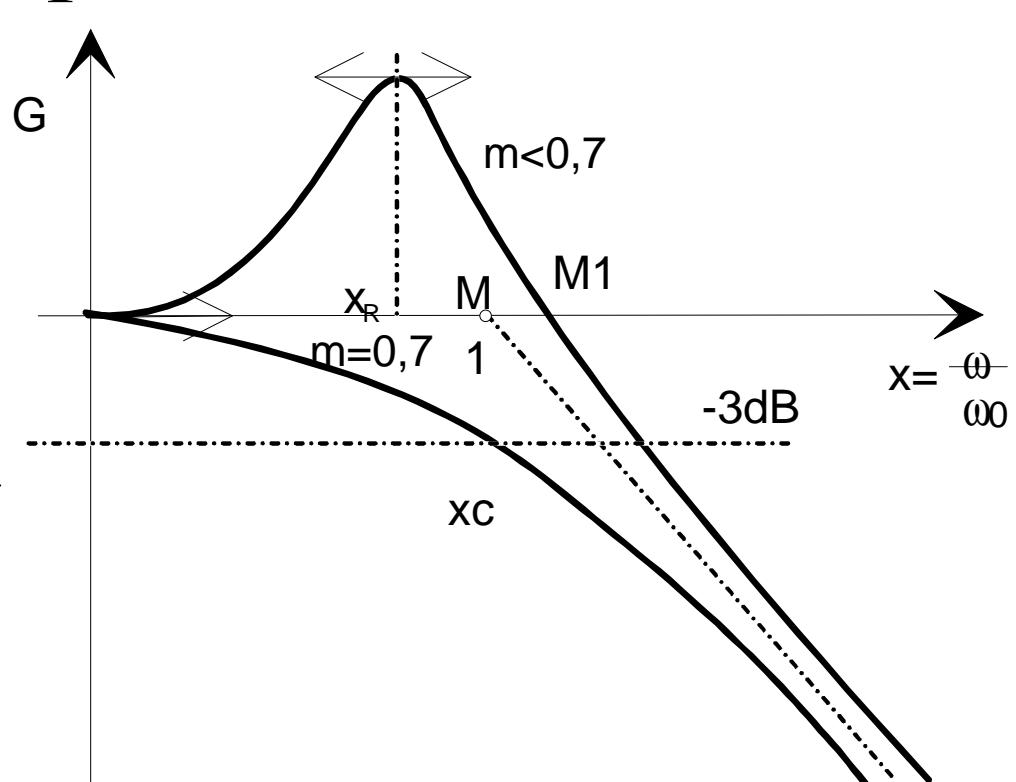
$$1 + x^4 - 2x^2 + 4m^2x^2 = 1$$

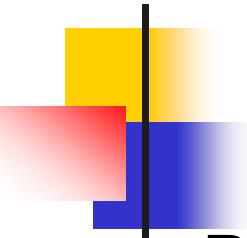
$$x^2(x^2 - 2 + 4m^2) = 0$$

$$x_0 = 0 \quad \Rightarrow \quad W = 0$$

$$x_1^2 = 2 - 4m^2 \Rightarrow x_1 = \sqrt{2} \sqrt{1 - x^2}$$

$$x_1 = x_R \sqrt{2} \quad (pt \quad M_1)$$





Filtres du deuxième ordre

n Bande passante à 3dB

n **On ne tient pas compte de la surtension.**

$$|\underline{m}| = \frac{1}{\sqrt{(1-x^2)^2 + (2mx)^2}} \quad \begin{cases} x=0 \quad |\underline{m}|=1 \\ x=x_c \quad |\underline{m}|=\frac{1}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

$$(1-x_c^2)^2 + 4m^2x_c^2 = 2 \quad x_c^4 + 2x_c^2(2m^2 - 1) - 1 = 0$$

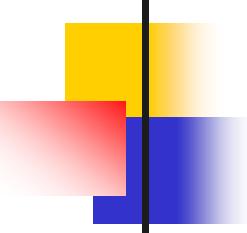
Posons $X_c = x_c^2$

$$X_c^2 + 2X_c(2m^2 - 1) - 1 = 0$$

$$X = \frac{-2(2m^2 - 1) \pm \sqrt{\Delta}}{2}$$

$$X > 0 \quad X_{1c} = 1 - 2m^2 + \sqrt{4m^4 - 4m^2 + 2}$$

$$x > 0 \quad x_c = \sqrt{1 - 2m^2 + \sqrt{4m^4 - 4m^2 + 2}} = \Delta x \quad (\text{bande passante})$$



Filtres du deuxième ordre

n Remarques

- n w_0 est appelée pulsation caractéristique du filtre,
- n w_R est appelée pulsation de résonance du filtre,
- n w_c est appelée pulsation de coupure du filtre.

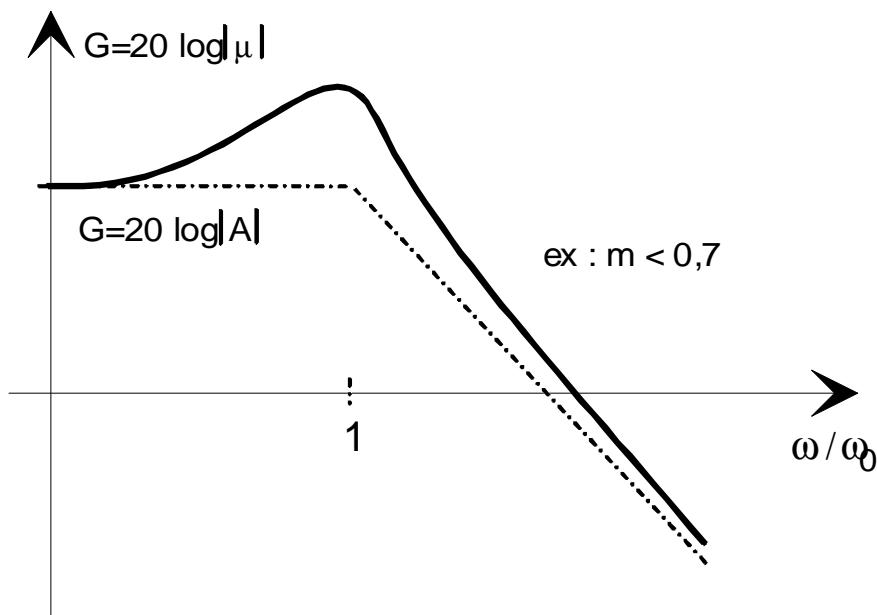
Différents types de filtres

n Filtre Passe bas (étude précédente)

$$m = \frac{A}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$G = 20 \log |A| + 20 \log \frac{1}{|D|}$$

Remarquer la forme

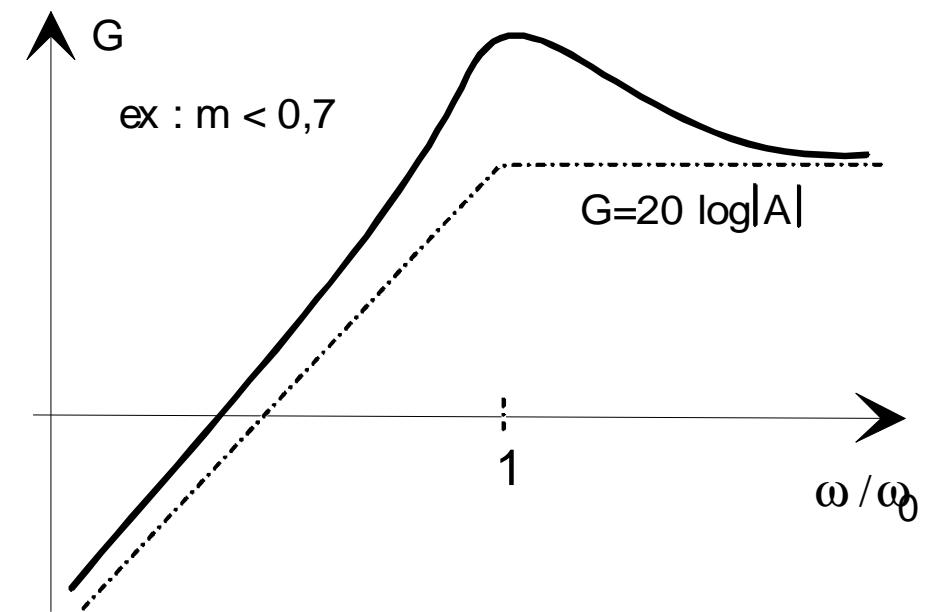


Différents types de filtres

■ Filtre Passe haut

$$m = \frac{A \left(j \frac{w}{w_0} \right)^2}{1 + \left(j \frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j} = \frac{-A \left(\frac{w}{w_0} \right)^2}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$G = 20 \log |A| + 20 \log \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 20 \log \frac{1}{|D|}$$



Remarquer la forme

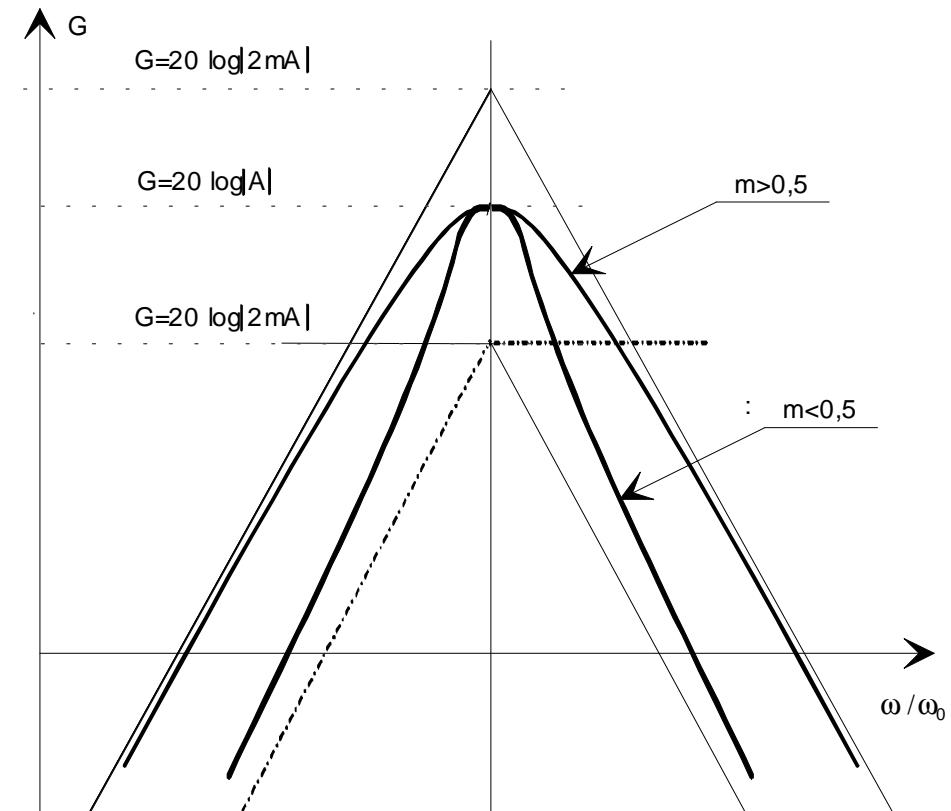
Différents types de filtres

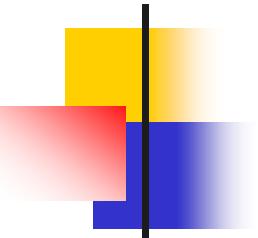
■ Filtre Passe bande

$$m = \frac{A2m \frac{W}{W_0} j}{1 - \left(\frac{W}{W_0}\right)^2 + 2m \frac{W}{W_0} j}$$

$$G = 20\log|2mA| + 20\log\frac{W}{W_0} + 20\log\frac{1}{|D|}$$

Remarquer la forme





Différents types de filtres

- **Filtre Coupe bande :** L'étude est différente.

$$\frac{m}{j} = \frac{A}{2m \frac{w}{w_0} j + 1 - \left(\frac{w}{w_0}\right)^2}$$

Pour $w = w_0$

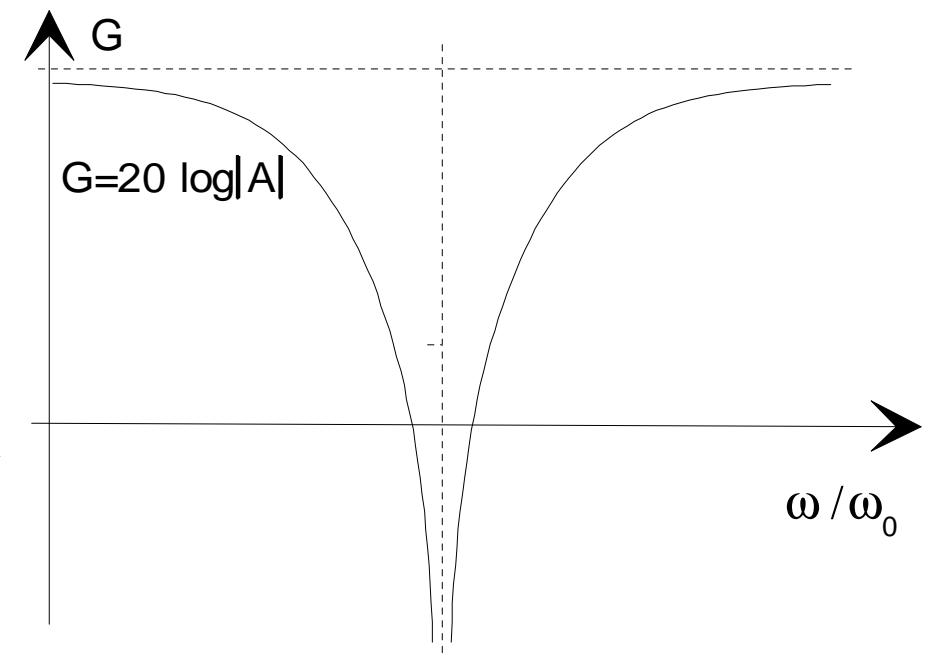
$$|m| = \frac{A}{\infty} \quad |m| = 0 \quad G = -\infty$$

Pour $w = 0$

$$|m| = A \quad G = 20 \log A$$

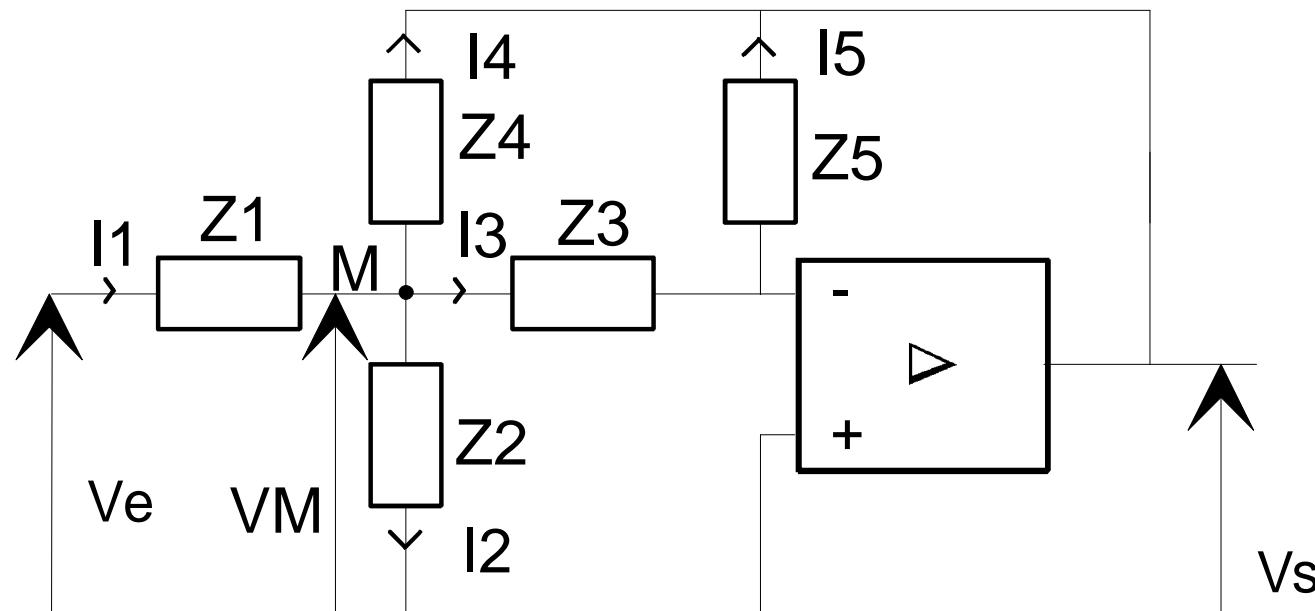
Pour $w \rightarrow \infty$

$$|m| = \frac{A}{1} \quad |m| = A$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

■ Filtre à contre réaction multiple (structure de Rauch)



- Calculer la fonction de transfert V_s/V_e en supposant l'AOP parfait ($\varepsilon=0$, $V(-)=0$).

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

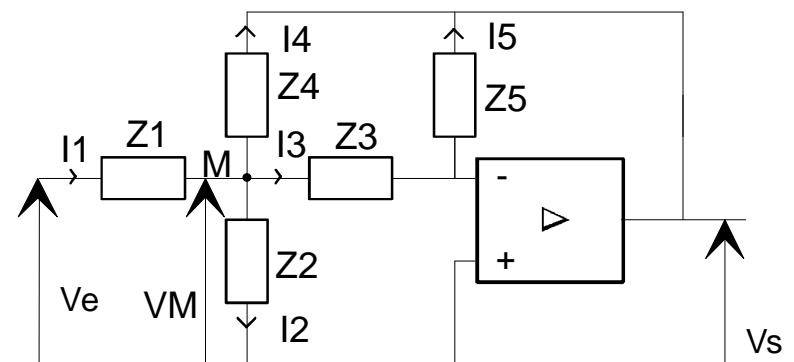
■ Filtre à contre réaction multiple (structure de Rauch)

■ Au point M on a (Millman) :

$$V_M = -\frac{Y_5}{Y_3}V_s$$

$$\frac{Y_1V_e + Y_4V_s}{Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4} = -\frac{Y_5}{Y_3}V_s$$

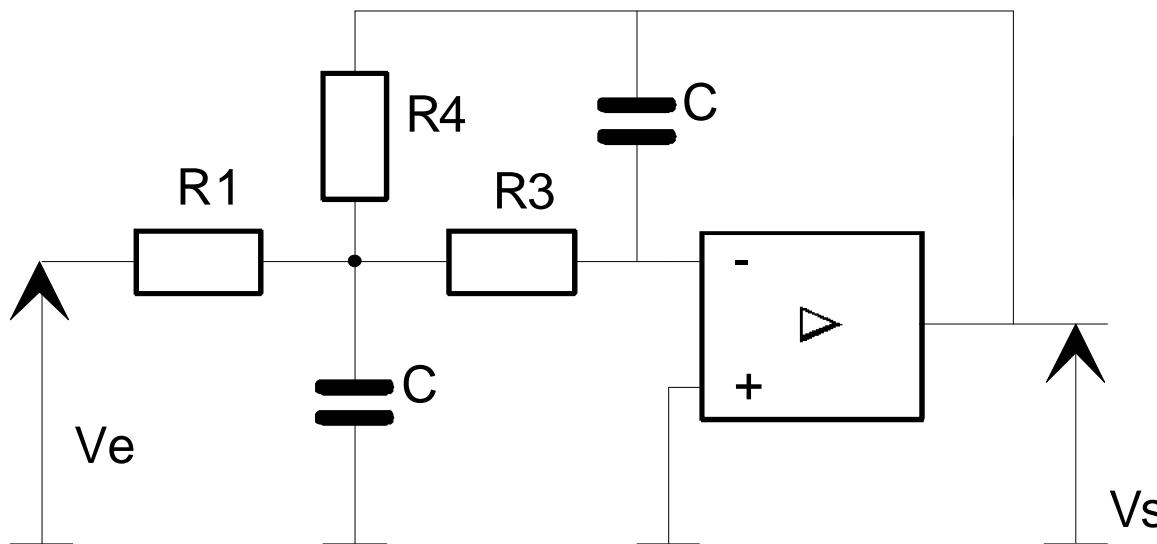
$$Y_1Y_3V_e + Y_3Y_4V_s = -Y_5(Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4)V_s$$



$$m' = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-Y_1Y_3}{Y_5(Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3Y_4}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

■ Filtre passe bas (structure de Rauch)



- $YR = 1/R$ $Yc = jC\omega$
- $Y_1 = 1/R_1$, $Y_3 = 1/R_3$, $Y_4 = 1/R_4$
- $Y_5 = jC\omega$, $Y_2 = jC\omega$

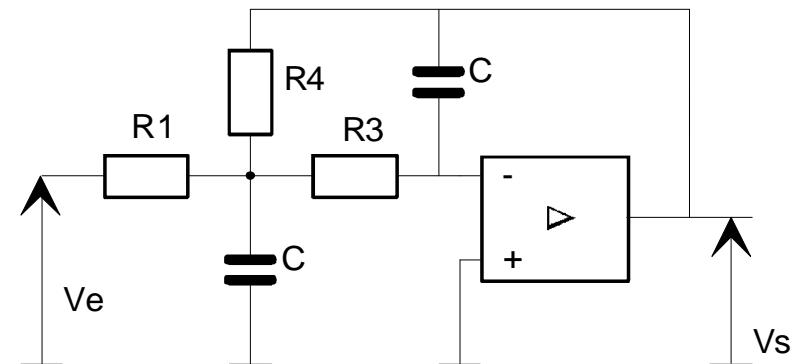
Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bas (structure de Rauch).

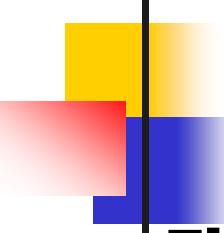
Détermination de A, m, Q

n La fonction de transfert d'un tel filtre est :

$$\frac{m}{A} = \frac{1}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$



$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-\frac{1}{R_1 R_3}}{jCw \left(\frac{1}{R_1} + jCw + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) + \frac{1}{R_3 R_4}} = \frac{-\frac{R_4}{R_1}}{1 - R_3 R_4 C^2 w^2 + jCw(R_3 R_4) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right)}$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bas (structure de Rauch)

$$m = -\frac{\frac{R_4}{R_1}}{1 - R_3 R_4 C^2 w^2 + j C w \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right)} = \frac{A}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j} =$$

En identifiant avec la fonction caractéristique d'un filtre du deuxième ordre

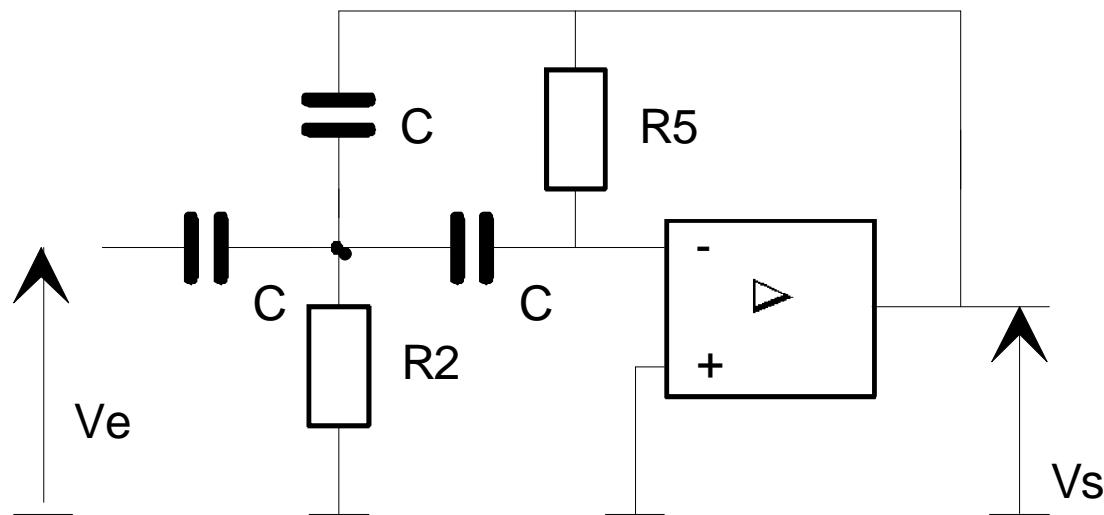
$$A = -\frac{R_4}{R_1} \quad w_0 = \frac{1}{C \sqrt{R_3 R_4}} \quad Q = \frac{1}{2m}$$

$$2m = C \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) \frac{1}{C \sqrt{R_3 R_4}}$$

$$Q = \frac{1}{2m} = \frac{\sqrt{R_3 R_4}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}} = \frac{1}{\frac{\sqrt{R_3 R_4}}{R_1} + \sqrt{\frac{R_4}{R_3}} + \sqrt{\frac{R_3}{R_4}}}$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

- **Filtre passe haut (structure de Rauch)**
Détermination de A, m, Q



- $YR = 1/R$ $Yc = jC\omega$
- $Y_1 = jC\omega$, $Y_3 = jC\omega$, $Y_4 = jC\omega$
- $Y_2 = 1/R_2$, $Y_5 = 1/R_5$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n

Filtre passe haut (structure de Rauch)

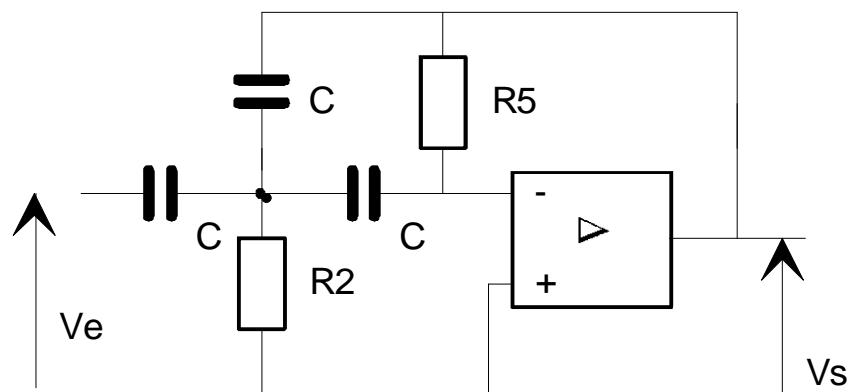
- La fonction de transfert d'un tel filtre est :

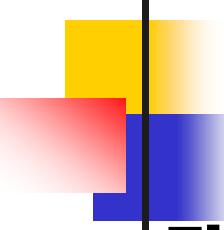
$$\frac{m}{-} = \frac{-A \left(\frac{w}{w_0} \right)^2}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-Y_1 Y_3}{Y_5 Y_1 + Y_5 Y_2 + Y_5 Y_4 + Y_3 Y_4}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{C^2 w^2}{\frac{1}{R_5} \left(3jCw + \frac{1}{R_2} \right) - C^2 w^2} = \frac{-1}{1 - \frac{1}{R_5 C^2 w^2} \left(3jCw + \frac{1}{R_2} \right)}$$

$$m = \frac{-1}{1 - \frac{1}{R_2 R_5 C^2 w^2} - \frac{3j}{R_5 Cw}} = \frac{+R_2 R_5 C^2 w^2}{1 - R_2 R_5 C^2 w^2 + 3j R_2 Cw}$$





Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n

Filtre passe haut (structure de Rauch)

- La fonction de transfert d'un tel filtre est :

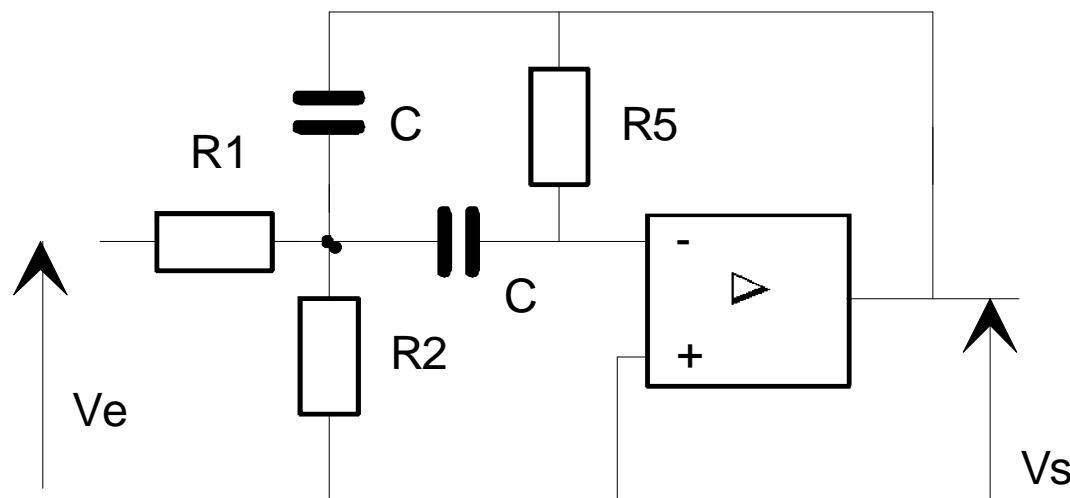
$$H = \frac{+R_2 R_5 C^2 w^2}{1 - R_2 R_5 C^2 w^2 + 3jR_2 Cw} = \frac{-A \left(\frac{w}{w_0} \right)^2}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$w_0 = \frac{1}{C \sqrt{R_2 R_5}} \quad 2m = 3R_2 \frac{1}{\sqrt{R_2 R_5}} \quad Q = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{R_5}{R_2}}$$

$$R_2 R_5 C^2 w^2 = -A \frac{w^2}{w_0^2} \Rightarrow A = -1$$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe bande (structure de Rauch)



n Plusieurs solutions possibles :

- n Y_1 ou $Y_3 = jC\omega$, $Y_2=1/R_2$ ou $jC\omega$. On choisit :
- n $Y_R=1/R$ $Y_C=jC\omega$
- n $Y_3= jC\omega$, $Y_4= jC\omega$,
- n $Y_1=1/R_1$, $Y_2=1/R_2$, $Y_5= 1/R_5$

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n

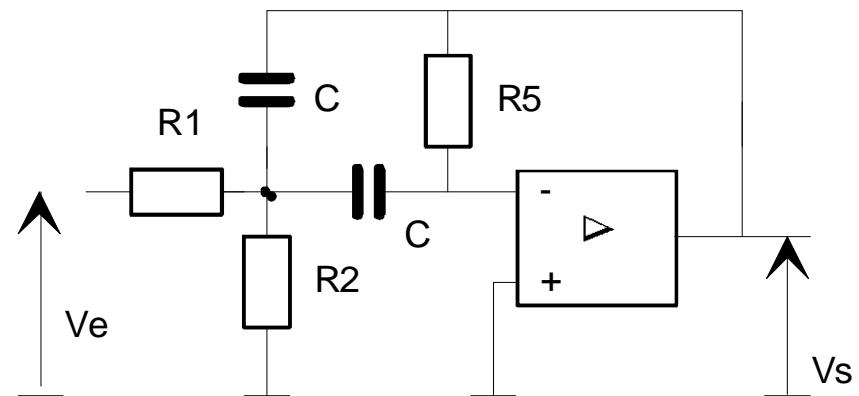
Filtre passe bande (structure de Rauch)

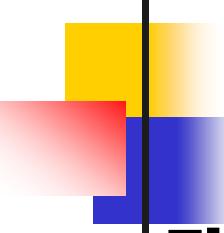
- La fonction de général de transfert d'un tel filtre est :

$$m = \frac{2Am \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0} \right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-Y_1 Y_3}{Y_5 Y_1 + Y_5 Y_2 + Y_5 Y_4 + Y_3 Y_4}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{-\frac{jCw}{R_1}}{\frac{1}{R_5} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + 2jCw \right) - C^2 w^2} = \frac{-\frac{jCw}{R_1}}{\frac{1}{R_1 R_5} + \frac{1}{R_2 R_5} + \frac{2jCw}{R_5} - C^2 w^2}$$





Etude de quelques filtres du deuxième ordre

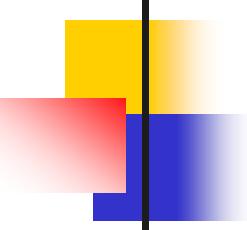
n Filtre passe bande (structure de Rauch)

- La fonction de transfert d'un tel filtre est :

$$m = \frac{-jCw}{\frac{R_1}{\frac{1}{R_1 R_5} + \frac{1}{R_2 R_5} + \frac{2 jCw}{R_5} - C^2 w^2}}$$

$$m = \frac{V_s}{V_e} = \frac{jR_2 R_5 C w}{R_1 + R_2 + 2 jR_1 R_2 C w - R_1 R_2 R_5 C^2 w^2}$$

$$m = \frac{jCw \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2}}{1 - \frac{R_1 R_2 R_5 C^2 w^2}{R_1 + R_2} + 2 jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

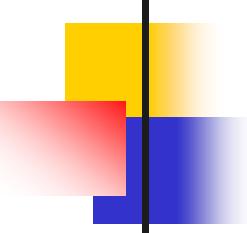
n Filtre passe haut (**structure de Rauch**)

n La fonction de générale de transfert d'un tel filtre est :

$$\frac{m}{-} = \frac{jCw \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2}}{1 - \frac{R_1 R_2 R_5 C^2 w^2}{R_1 + R_2} + 2 jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{2Am \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0}\right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$w_0^2 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2 R_5 C^2} \Rightarrow w_0 = \frac{1}{C \sqrt{\frac{R_1 R_2 R_5}{R_1 + R_2}}}$$

$$2m = 2 \frac{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}{\sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}} = 2 \frac{\sqrt{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}}{\sqrt{R_5}}$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre passe haut (structure de Rauch)

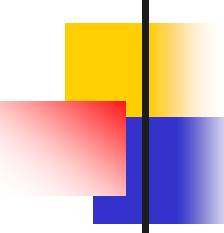
n La fonction de transfert d'un tel filtre est :

$$\frac{m}{-} = \frac{jCw \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2}}{1 - \frac{R_1 R_2 R_5 C^2 w^2}{R_1 + R_2} + 2 jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{2Am \frac{w}{w_0} j}{1 - \left(\frac{w}{w_0}\right)^2 + 2m \frac{w}{w_0} j}$$

$$Q = \frac{1}{2m} = \frac{1}{2} \frac{\sqrt{R_5}}{\sqrt{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}} = \frac{1}{2} \sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}$$

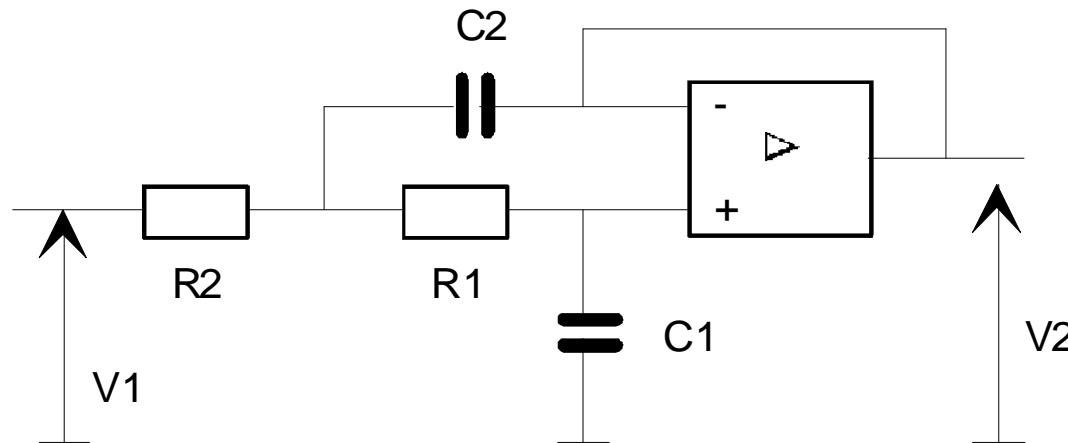
$$2mA \frac{w}{w_0} j = -jCw \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

$$A = C \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2} \frac{w_0}{2m} = \frac{R_2 R_5}{R_1 + R_2} \frac{1}{2} \sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} \frac{1}{C \sqrt{R_5 \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}}} A = -\frac{R_5}{2R_1}$$



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

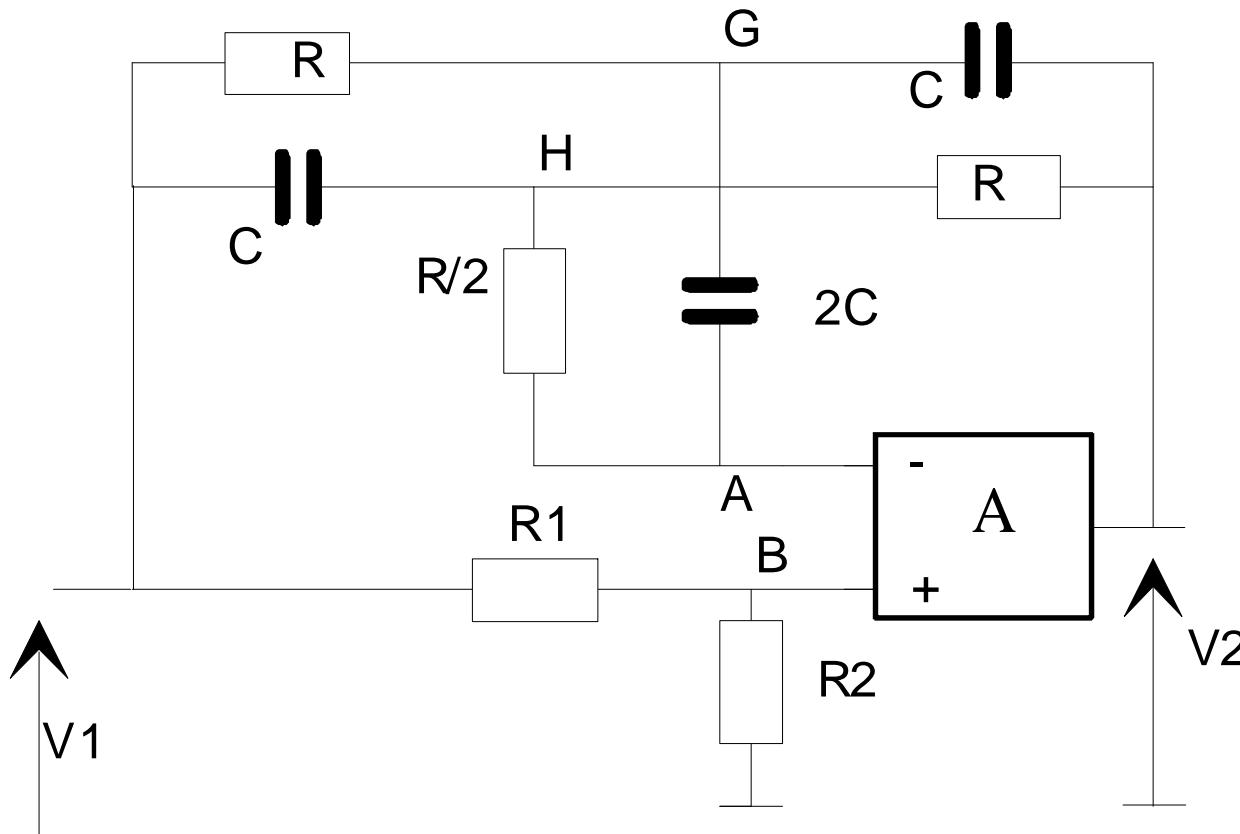
- **Filtre de Bessel, Butterworth, Chebychev**



- Ces filtres correspondent essentiellement chacun à un réglage particulier du coefficient m .

Etude de quelques filtres du deuxième ordre

n Filtre coupe bande à double T



Etude de quelques filtres du deuxième ordre

- **Filtre à INIC (convertisseur d'impédance négative)**

